

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Граков Федор Николаевич

Должность: Исполнительный директор Института агроинженерии

Дата подписания: 06.08.2024 09:19:21

Уникальный программный ключ:

654718f633077684ab957bcdda1f6a02b861f463

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

ИНСТИТУТ АГРОИНЖЕНЕРИИ ФГБОУ ВО ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГАУ

УТВЕРЖДАЮ

И.о. директора Института агроинженерии

Н.Г. Корнецук

«23» мая 2024г.

Кафедра «Математические и естественнонаучные дисциплины»

Рабочая программа дисциплины

Б1.О.11 ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА

Направление подготовки **13.03.02 Электроэнергетика и электротехника**

Направленность **Электроснабжение**

Уровень высшего образования – **бакалавриат**

Квалификация - **бакалавр**

Форма обучения – **очная, заочная**

Челябинск
2024

Рабочая программа дисциплины «Высшая математика» составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО), утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации 28.02.2018 г. №144. Рабочая программа предназначена для подготовки бакалавра по направлению **13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, направленность – Электроснабжение.**

Настоящая рабочая программа дисциплины составлена в рамках основной профессиональной образовательной программы (ОПОП) и учитывает особенности обучения при инклюзивном образовании лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) и инвалидов.

Составитель – старший преподаватель Баженова С.В.

Рабочая программа дисциплины обсуждена на заседании кафедры «Математические и естественнонаучные дисциплины»

«14» мая 2024 г. (протокол № 9).

Зав. кафедрой «Математические и естественнонаучные дисциплины»,
доктор технических наук, профессор

Е.М. Басарыгина

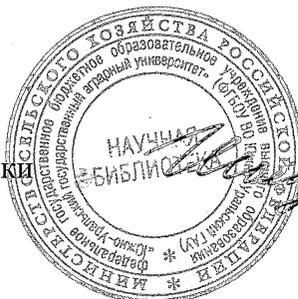
Рабочая программа дисциплины одобрена методической комиссией института агроинженерии

«21» мая 2024 г. (протокол № 5).

Председатель методической комиссии
Института агроинженерии ФГБОУ ВО
Южно-Уральский ГАУ,
и.о. директора Института агроинженерии,
доктор педагогических наук, доцент

Н.Г. Корнешук

Директор Научной библиотеки



И.В. Шатрова

СОДЕРЖАНИЕ

1.	Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП	4
1.1.	Цель и задачи дисциплины	4
1.2.	Компетенции и индикаторы их достижений	4
2.	Место дисциплины в структуре ОПОП	5
3.	Объем дисциплины и виды учебной работы	5
3.1.	Распределение объема дисциплины по видам учебной работы	5
3.2.	Распределение учебного времени по разделам и темам	6
4.	Структура и содержание дисциплины, включающее практическую подготовку	8
4.1.	Содержание дисциплины	8
4.2.	Содержание лекций	13
4.3.	Содержание лабораторных занятий	20
4.4.	Содержание практических занятий	20
4.5.	Виды и содержание самостоятельной работы обучающихся	21
5.	Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине	24
6.	Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине	26
7.	Основная и дополнительная учебная литература, необходимая для освоения дисциплины	26
8.	Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимые для освоения дисциплины	27
9.	Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины	27
10.	Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем	29
11.	Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине	29
	Приложение. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации обучающихся	30
	Лист регистрации изменений	60

1. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП

1.1. Цель и задачи дисциплины

Цель дисциплины

Бакалавр по направлению подготовки 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника должен быть подготовлен к решению задач профессиональной деятельности следующих типов: технологический, эксплуатационный, проектный.

Цель дисциплины – сформировать у обучающихся систему фундаментальных знаний, необходимых для последующей подготовки бакалавра, способного применять математические методы в решении практических задач сельскохозяйственного производства, а также способствующих дальнейшему развитию личности.

Задачи дисциплины:

- изучить основы математического аппарата необходимого для решения теоретических и практических задач;
- формировать умения самостоятельно изучать учебную и научную литературу по математике и ее приложениям;
- развивать логическое и алгоритмическое мышление;
- повышать общий уровень математической культуры;
- формировать навыки математического исследования прикладных вопросов, умения использовать математические методы и основы математического моделирования в прикладных задачах будущей профессиональной деятельности.

1.2. Компетенции и индикаторы их достижений

ОПК-3. Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Формируемые ЗУН		
	знания	умения	навыки
ИД-1 ОПК-3 Применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	Обучающийся должен знать: основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной - (Б1.О.11-3.1)	Обучающийся должен уметь: использовать основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной - (Б1.О.11-У.1)	Обучающийся должен владеть навыками использования основных понятий и методов аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной - (Б1.О.11-Н.1))
ИД-2 ОПК-3 Применяет математический аппарат теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного,	Обучающийся должен знать: основные понятия и методы теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного,	Обучающийся уметь: использовать основные понятия и методы теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного пере-	Обучающийся должен владеть навыками использования основных понятий и методов теории функции нескольких переменных, теории

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Формируемые ЗУН		
	знания	умения	навыки
комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	теории рядов, теории дифференциальных уравнений (Б1.О.11-3.2)	менного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений (Б1.О.11-У.2)	функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений (Б1.О.11-Н.2)
ИД-3 ОПК-3 Применяет математический аппарат теории вероятностей и математической статистики	Обучающийся должен знать: основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики (Б1.О.11-3.3)	Обучающийся уметь: использовать основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики (Б1.О.11-У.3)	Обучающийся должен владеть навыками использования основных понятий и методов теории вероятностей и математической статистики (Б1.О.11-Н.3)
ИД-4 ОПК-3 Применяет математический аппарат численных методов	Обучающийся должен знать: численные методы (Б1.О.11-3.4)	Обучающийся уметь: использовать численные методы (Б1.О.11-У.4)	Обучающийся должен владеть навыками численных методов (Б1.О.11-Н.4)

2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Высшая математика» относится к обязательной части основной профессиональной образовательной программы бакалавриата.

3. Объём дисциплины и виды учебной работы

Объём дисциплины составляет 16 зачетных единиц (ЗЕТ), 576 академических часа (далее часа).

Дисциплина изучается:

- очная форма обучения в 1, 2, 3, 4 семестрах;
- заочная форма обучения на 1, 2 курсах.

3.1. Распределение объема дисциплины по видам учебной работы

Вид учебной работы	Количество часов	
	по очной форме обучения	по заочной форме обучения
Контактная работа (всего)	320	46
<i>В том числе:</i>		
<i>Лекции (Л)</i>	<i>144</i>	<i>22</i>
<i>Практические занятия (ПЗ)</i>	<i>176</i>	<i>24</i>
<i>Лабораторные занятия (ЛЗ)</i>	–	
Самостоятельная работа обучающихся (СР)	148	494
Контроль	108	36
Итого	576	576

3.2. Распределение учебного времени по разделам и темам

Очная форма обучения

№ темы	Наименование разделов и тем	Всего часов	в том числе					контроль
			контактная работа			СР		
			Л	ЛЗ	ПЗ			
1	2	3	4	5	6	7	8	
Раздел 1. Аналитическая геометрия с элементами линейной алгебры								
1.1.	Элементы линейной алгебры	38	10	-	16	12	х	
1.2.	Элементы векторной алгебры	38	10	-	16	12	х	
1.3.	Аналитическая геометрия	41	12	-	16	13	х	
Раздел 2. Основы математического анализа								
2.1.	Функция	14	4	-	4	6	х	
2.2.	Предел. Непрерывность	16	4	-	6	6	х	
2.3.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	20	6	-	8	6	х	
2.4.	Неопределенный интеграл	22	6	-	10	6	х	
2.5.	Определенный интеграл	23	6	-	10	7	х	
2.6.	Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	22	6	-	10	6	х	
2.7.	Кратные и криволинейные интегралы	32	10	-	10	12	х	
2.8.	Числовые и функциональные ряды	28	8	-	8	12	х	
Раздел 3. Элементы теории функций комплексной переменной								
3.1.	Комплексные числа, функция комплексного переменного	20	4	-	4	12	х	
Раздел 4. Обыкновенные дифференциальные уравнения								
4.1.	Дифференциальные уравнения	28	8	-	8	12	х	
4.2.	Системы дифференциальных уравнений	9	2	-	2	5	х	
Раздел 5. Дискретная математика								
5.1.	Множества. Отношения. Элементы комбинаторики	10	4	-	4	2	х	
5.2.	Булева алгебра, алгебра множеств	4	-	-	-	4	х	
5.3.	Элементы теории графов	4	-	-	-	4	х	
Раздел 6. Теория вероятностей с элементами математической статистики								
6.1.	Случайные события	28	12	-	12	4	х	
6.2.	Случайные величины	28	12	-	12	4	х	
6.3.	Элементы математической статистики	43	20	-	20	3	х	
	Контроль	108	х	-	х	х	108	
	Итого	576	144	-	176	148	108	

Заочная форма обучения

№ темы	Наименование разделов и тем	Всего часов	в том числе					контроль
			контактная работа			СР		
			Л	ЛЗ	ПЗ			
1	2	3	4	5	6	7	8	
Раздел 1. Аналитическая геометрия с элементами линейной алгебры								
1.1.	Элементы линейной алгебры	57	2	-	2	53	х	
1.2.	Элементы векторной алгебры	57	2	-	2	53	х	
1.3.	Аналитическая геометрия	57	2	-	2	53	х	
Раздел 2. Основы математического анализа								
2.1.	Функция	10	-	-	-	10	х	
2.2.	Предел. Непрерывность	22	1	-	1	20	х	
2.3.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	22	1	-	1	20	х	
2.4.	Неопределенный интеграл	22	1	-	1	20	х	
2.5.	Определенный интеграл	21	-	-	1	20	х	
2.6.	Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	21	-	-	1	20	х	
2.7.	Кратные и криволинейные интегралы	17	1	-	1	15	х	
2.8.	Числовые и функциональные ряды	16	2	-	2	12	х	
Раздел 3. Элементы теории функций комплексной переменной								
3.1.	Комплексные числа, функция комплексного переменного	29	2	-	2	25	х	
Раздел 4. Обыкновенные дифференциальные уравнения								
4.1.	Дифференциальные уравнения	29	2	-	2	25	х	
4.2.	Системы дифференциальных уравнений	25	-	-	-	25	х	
Раздел 5. Дискретная математика								
5.1.	Множества. Отношения. Элементы комбинаторики	12	1	-	1	10	х	
5.2.	Булева алгебра, алгебра множеств	10	-	-	-	10	х	
5.3.	Элементы теории графов	10	-	-	-	10	х	
Раздел 6. Теория вероятностей с элементами математической статистики								
6.1.	Случайные события	32	1	-	1	30	х	
6.2.	Случайные величины	34	2	-	2	30	х	
6.3.	Элементы математической статистики	37	2	-	2	33	х	
	Контроль	36	х	-	х	х	36	
	Итого	576	22	-	24	494	36	

4. Структура и содержание дисциплины, включающее практическую подготовку

Практическая подготовка при реализации учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей) организуется путем проведения практических занятий, практикумов, лабораторных работ и иных аналогичных видов учебной деятельности, предусматривающих участие обучающихся в выполнении отдельных элементов работ, связанных с будущей профессиональной деятельностью.

Практическая подготовка может включать в себя отдельные занятия лекционного типа, которые предусматривают передачу учебной информации обучающимся, необходимой для последующего выполнения работ, связанных с будущей профессиональной деятельностью.

4.1. Содержание дисциплины

Раздел 1. Аналитическая геометрия с элементами линейной алгебры

Введение

Значение курса математики в профессиональной подготовке и профессиональной деятельности. **Роль российских учёных в развитии математики.** Ориентировочная основа действий по применению математики в решении прикладных задач; понятия математического моделирования, метода и алгоритма решения задач. Элементы математической логики; необходимое и достаточное условия. Символы математической логики, их использование.

Элементы линейной алгебры

Линейные преобразования и их матрицы, действия с ними. Понятие обратной матрицы. Системы двух и трех линейных уравнений. Матричная запись системы линейных уравнений и её решение. Ранг матрицы. Базисный минор. Теорема Кронекера-Капелли. Исследование совместных систем линейных уравнений. Базисные решения. Система n линейных уравнений с n неизвестными. Метод Гаусса. Нахождение обратной матрицы. Определители второго и третьего порядков, их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Вычисление определителя разложением по строке (столбцу). Формулы Крамера.

Элементы векторной алгебры

Векторы. Линейные операции над векторами. Теоремы о проекции вектора на ось. Координаты вектора. Линейно независимые системы векторов. Базис. Разложение вектора по базису. Направляющие косинусы и длина вектора. Понятие о векторных диаграммах в науке и технике. Скалярное произведение векторов и его свойства, выражение в координатной форме. Длина вектора и угол между двумя векторами в координатной форме. Условие ортогональности двух векторов. Механический и геометрический смысл скалярного произведения. Векторное произведение двух векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Условие коллинеарности двух векторов. Простейшие приложения векторного произведения. Смешанное произведение трех векторов. Свойства и выражение в координатной форме. Применение смешанного произведения в решении прикладных задач.

Аналитическая геометрия

Уравнения линий на плоскости. Различные формы уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Условие параллельности и перпендикулярности. Пересечение двух прямых. Уравнение пучка прямых, проходящих через данную точку. Метод координат. Основные задачи на метод координат (расстояние между двумя точками, деление отрезка в данном отношении, расстояние от точки до прямой). Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и уравнения. Эксцентриситет эллипс и

гиперболы. Асимптоты гиперболы. Сопряжённая гипербола. Понятие об общем уравнении кривой второго порядка и приведение его к канонической форме путём переноса.

Плоскость. Уравнение плоскости, проходящей через данную точку и перпендикулярно данному вектору. Общее уравнение плоскости и его частные виды. Угол между плоскостями, условия параллельности и перпендикулярности. Угол между прямой и плоскостью, условия параллельности и перпендикулярности. Задача о нахождении точки пересечения прямой и плоскости.

Уравнение поверхности в пространстве. Цилиндрические поверхности. Сфера. Эллипсоид. Гиперboloиды. Параболоиды. Конус. Канонические уравнения поверхностей второго порядка. Геометрические свойства этих поверхностей, исследование их формы методом сечений. Технические приложения геометрических свойств поверхностей.

Полярные координаты на плоскости, их связь с декартовой системой координат. Кривые в полярных координатах (кардиоиды, спираль, лемниската). Цилиндрические и сферические координаты в пространстве. Различные способы задания линий и поверхностей в пространстве.

Раздел 2. Основы математического анализа

Функция

Множество вещественных чисел. Функция. Область ее определения. Способы задания. Основные элементарные функции, их свойства и графики. Сложные и обратные функции, их графики. Классификация функций.

Предел. Непрерывность

Числовые последовательности, их роль в вычислительных процессах. Предел числовой последовательности. Сходящиеся и расходящиеся числовые последовательности. Теорема о существовании предела монотонной ограниченной последовательности (формулировка). Число ε . Натуральные логарифмы. Предел функции в точке. Предел функции в бесконечности. Пределы монотонных функций. Бесконечно малые и бесконечно большие функции в точке, их свойства. Сравнение бесконечно малых. Порядок малости. Эквивалентные бесконечно малые. Непрерывность функций в точке и на множестве. Точки разрыва функции и их классификации. Действия над непрерывными функциями. Непрерывность основных элементарных функций. Свойства функции, непрерывной на отрезке: ограниченность, существование наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений.

Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Понятие функции, дифференцируемой в точке, дифференциал функции и его геометрический смысл. Производная функции, ее смысл в различных задачах. Производные основных элементарных функций. Правила нахождения производной и дифференциала. Производная сложной и обратной функции. Инвариантность формы дифференциала. Применение дифференциала к приближённым вычислениям. Дифференцирование функций, заданных неявно, параметрически. Точки экстремума функции. Теорема Ферма. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши, их применение. Правило Лопиталю для раскрытия неопределённостей. Производные и дифференциалы высших порядков. Неинвариантность формы дифференциалов высших порядков. Условия монотонности функции. Экстремумы функции, необходимое условие. Достаточные условия. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции, дифференцируемой на интервале. Исследование выпуклости и вогнутости графика функции. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. Понятие об асимптотическом разложении. Общая схема исследования функции и построения графика по характерным точкам. Вектор-функция скалярного аргумента. Годограф. Предел и непрерывность вектор-функции. Дифференцирование вектор-функции, механический и геометрический смысл производной

вектор-функции. Приложения к механике. Дифференциал дуги кривой и его геометрический смысл. Средняя кривизна кривой и кривизна в точке. Радиус и центр кривизны.

Неопределенный интеграл

Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Использование таблицы основных интегралов. Методы интегрирования: интегрирование заменой переменной и по частям, интегрирование рациональных дробей, тригонометрические подстановки и методы «рационализации» интегралов. Понятие «берущихся» и «неберущихся» интегралов в элементарных функциях.

Определенный интеграл

Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл, как предел интегральной суммы. Понятие об интегрируемой функции, формулировка теоремы существования. Простейшие свойства определённого интеграла, теорема о среднем. Среднее значение функции. Производная от определённого интеграла по верхнему пределу. Связь между определённым интегралом и первообразной функцией. Формула Ньютона-Лейбница, ее применение для вычисления определенных интегралов. Вычисление определённых интегралов способом подстановки и по частям. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций, их основные свойства. Геометрическое приложение определённого интеграла: вычисление площадей фигур, ограниченных кривыми в декартовой и полярной системах координат, объёмов тел по площадям поперечных сечений и тел вращения, длин дуг кривых, площадей поверхностей вращения. Приложения интеграла к решению простейших задач механики и физики.

Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных

Функции нескольких переменных. Область определения. Предел функции. Непрерывность. Некоторые понятия топологии. Частные производные. Их геометрический смысл (для случая двух переменных). Полное приращение функции. Теорема о полном приращении. Полный дифференциал, его связь с частными производными. Применение полного дифференциала к приближённым вычислениям. Инвариантность формы полного дифференциала. Условия, при которых выражение $P(x,y)dx + Q(x,y)dy$ является полным дифференциалом. Дифференцирование сложной функции. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл полного дифференциала. Частные производные и полные дифференциалы высших порядков. Теорема о смешанных производных (формулировка). Формула Тейлора. Неявные функции. Теоремы существования. Дифференцирование неявных функций. Экстремумы функции нескольких переменных. Необходимое условие экстремума. Достаточные условия экстремума. Отыскание наибольших и наименьших значений функции. Задача обработки наблюдений. Скалярное поле. Градиент функции и его свойства.

Кратные и криволинейные интегралы

Задачи, приводящие к понятию кратных интегралов. Двойной и тройной интегралы, их свойства. Формулировка теоремы о существовании двойного интеграла. Теорема о среднем значении. Вычисление кратных интегралов повторным интегрированием. Переход в двойном интеграле к полярным координатам. Геометрические и физические приложения двойного интеграла: вычисление объёмов тел, площадей и массы плоских фигур, статических моментов, координат центра тяжести и моментов инерции плоских фигур. Переход в тройном интеграле к цилиндрическим и сферическим координатам. Геометрические и физические приложения тройного интеграла: вычисление объёмов и массы тел, статических моментов, координат центра тяжести и моментов инерции тел.

Задачи, приводящие к понятиям криволинейного интеграла. Определение криволинейных интегралов первого и второго рода, их свойства, примеры вычисления.

Формула Грина. Условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования (плоский случай). Нахождение функции двух переменных по её полному дифференциалу.

Числовые и функциональные ряды

Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Действия с рядами. Расходимость гармонического ряда. Основные свойства сходящихся рядов. Ряды с положительными членами. Признаки сравнения, Даламбера, Коши. Обобщённый ряд как пример эталонного ряда. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Оценка остатка ряда. Абсолютная и неабсолютная сходимость. Функциональные ряды. Область сходимости, методы ее определения. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства суммы степенного ряда. Ряд Тейлора и Маклорена. Разложение функций в степенные ряды. Применение степенных рядов в приближенных вычислениях: вычисление определённых интегралов, решение дифференциальных уравнений. Ряды Фурье по тригонометрическим системам. Формулы для коэффициентов ряда. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье. Ряд Фурье для чётных и нечётных функций. Формулировка достаточных условий сходимости рядов Фурье. Ряд Фурье для функции с любым периодом. Условие поточечной сходимости и сходимости «в среднем». Применение тригонометрических рядов Фурье в приближенных вычислениях. Понятие о практическом гармоническом анализе. Интеграл Фурье.

Раздел 3. Элементы теории функции комплексного переменного

Комплексные числа, действия с ними. Изображение комплексных чисел на плоскости. Модуль и аргумент комплексного числа. Их свойства. Алгебраическая и тригонометрическая формы комплексного числа. Алгебраические действия над ними. Формула Эйлера. Показательная форма комплексного числа. Корни из комплексных чисел. Функции комплексного переменного. Элементарные аналитические функции. Дифференцируемость. Условия Коши-Римана. Интегрирование по комплексному аргументу. Теорема Коши. Интегральная формула Коши.

Раздел 4. Обыкновенные дифференциальные уравнения

Дифференциальные уравнения

Физические задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Дифференциальные уравнения первого порядка. Понятие об общем и частном решении. Интегральные кривые. Начальные условия. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Основные классы уравнений, интегрируемых в квадратурах: с разделяющимися переменными, однородные и линейные. Понятие об особом решении. Поле направлений дифференциального уравнения. Изоклины. Приложения дифференциальных уравнений первого порядка в различных областях науки. Дифференциальные уравнения высших порядков. Общее и частное решение. Задача Коши. Понятие о краевых задачах для дифференциальных уравнений. Уравнения, допускающие понижение порядка. Примеры применения дифференциальных уравнений в науке и технике. Линейные дифференциальные уравнения, однородные и неоднородные. Понятие общего решения. Свойства их решений. Линейно независимые решения. Структура общего решения. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Запись общего решения в зависимости от корней характеристического уравнения. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения. Теорема о наложении решений. Уравнения с правой частью специального вида. Приложения к описанию линейных моделей. Метод вариации произвольных постоянных. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами высших порядков.

Системы дифференциальных уравнений

Нормальная система дифференциальных уравнений. Автономные системы. Векторная запись нормальной системы. Геометрический смысл решения. Фазовое пространство (плоскость), фазовая кривая. Приложения в динамике систем материальных точек, в теории автоматического управления, в биологии и т.п. Задача Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Метод исключения для решения нормальных систем дифференциальных уравнений. Системы линейных дифференциальных уравнений, свойства решений. Решение систем линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.

Раздел 5. Дискретная математика

Элементы теории множеств. Диаграммы Эйлера – Венна. Элементы комбинаторики. Булева алгебра, функции алгебры логики. Полином Жегалкина. Алгебра множеств. Элементы теории графов: определение, виды графов, операции над графами. Матрица смежности.

Раздел 6. Теория вероятностей с элементами математической статистики

Случайные события

Предмет теории вероятностей. Значение курса теории вероятностей и математической статистики в профессиональной подготовке и профессиональной деятельности. Ориентировочная основа действий по применению вероятностно-статистических и стохастических методов в решении прикладных задач. Классификация событий. Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Понятие случайного события. Относительные частоты. Закон устойчивости относительных частот. Связь между вероятностью и относительной частотой. Понятие вероятности события. Классическое и геометрическое определение вероятности. Комбинаторика. Непосредственное вычисление вероятности. Понятие об аксиоматическом построении теории вероятностей. Элементарная теория вероятностей. Методы вычисления вероятностей. Теорема о повторении опытов (схема Бернулли). Наивероятнейшая частота при повторении опытов.

Случайные величины

Случайные величины и законы их распределения. Дискретные и непрерывные случайные величины. Ряд распределения. Функция распределения, плотность распределения, их взаимосвязь и свойства. Вероятность попадания случайной величины на данный интервал. Числовые характеристики случайных величин. Математическое ожидание и его связь со средним арифметическим (закон больших чисел). Дисперсия и среднее квадратическое отклонение случайной величины. Распределение Пуассона. Биномиальное распределение. Нормальное распределение, его свойства, условия, при которых оно возникает. Числовые характеристики нормального закона. Функция Лапласа. Вычисление вероятности попадания случайной величины на заданный интервал в случае нормального распределения. Понятие о двумерном нормальном распределении. Понятие о различных формах закона больших чисел. Теоремы Бернулли и Чебышева. Центральная предельная теорема Ляпунова.

Элементы математической статистики

Генеральная совокупность и выборка. Вариационный ряд. Гистограмма, эмпирическая функция распределения, выборочное среднее и дисперсия. Точечные оценки неизвестных параметров распределения по выборке и их характеристики: несмещенность, эффективность, состоятельность. Методы получения точечных оценок: метод максимального правдоподобия, метод наименьших квадратов, метод моментов. Интервальные оценки. Интервальное оценивание параметров нормального распределения.

Понятие о статистической гипотезе и общая схема, основные методы её проверки. Ошибки 1-го и 2-го рода. Решающая процедура. Мощность критерия. Доверительные области. Критерии проверки гипотез.

Система двух случайных величин. Функциональная, статистическая и корреляционная зависимости между величинами. Элементы корреляционного анализа. Линейный регрессионный анализ. Основные свойства регрессии. Оценки параметров регрессионной модели по методу наименьших квадратов и свойства этих оценок. Уравнения линейной регрессии. Теснота связи и её оценка по коэффициенту корреляции. Понятие о нелинейной регрессии. Корреляционное отношение. Определение параметров нелинейных уравнений регрессии методом наименьших квадратов.

4.2. Содержание лекций

Очная форма обучения

№ п/п	Краткое содержание лекций	Количество часов	Практическая подготовка
1.	Значение курса математики в профессиональной подготовке и профессиональной деятельности. Понятие математического моделирования, метода и алгоритма решения задач. Элементы математической логики. Матрицы. Основные понятия, действия над матрицами. Определители 2-го и 3-го порядков и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по строке (столбцу). Обратная матрица. Ранг матрицы.	4	+
2.	Системы двух и трех линейных уравнений. Матричная запись системы линейных уравнений и её решение. Теорема Кронекера-Капелли. Исследование совместных систем линейных уравнений. Базисные решения. Метод Гаусса. Формулы Крамера.	6	+
3.	Системы координат на плоскости и в пространстве. Векторы. Линейные операции над векторами. Проекция вектора на ось, свойства проекции. Понятие линейного пространства. Координаты вектора. Линейно независимые векторы. Разложение вектора в прямоугольном базисе. Направляющие косинусы и длина вектора. Линейные операции над векторами в координатной форме. Деление отрезка в заданном отношении.	4	+
4.	Скалярное произведение векторов. Свойства скалярного произведения, физический смысл, выражение в координатной форме. Длина вектора и угол между двумя векторами. Условие ортогональности двух векторов. Применение скалярного произведения в решении прикладных задач. Векторное произведение векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Условие коллинеарности векторов. Физический смысл векторного произведения. Понятие о смешанном произведении, выражение в координатной форме. Применение векторного и смешанного произведений.	6	+
5.	Уравнения линий на плоскости. Полярные координаты на плоскости. Формы уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Уравнение пучка прямых.	4	+
6.	Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и уравнения. Решение	4	+

№ п/п	Краткое содержание лекций	Количество часов	Практическая подготовка
	задач.		
7.	Поверхности и их уравнения. Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямых в пространстве. Угол между прямой и плоскостью. Поверхности второго порядка. Цилиндрические поверхности. Сфера. Эллипсоид. Гиперболоиды. Параболоиды. Геометрические свойства этих поверхностей, исследование их формы методом сечений.	4	+
8.	Множество вещественных чисел. Функция. Область ее определения. Способы задания. Классификация функций. Полярные координаты на плоскости. Кривые в полярных координатах. Сложная функция, обратная функция, неявная функция, параметрически заданная функция. Основные элементарные функции, их свойства и графики.	4	+
9.	Числовые последовательности. Предел числовой последовательности. Сходящиеся и расходящиеся числовые последовательности. Признаки сходимости. Число e . Вычисление пределов числовых последовательностей. Предел функции в точке, на бесконечности. Геометрическая иллюстрация. Односторонние пределы функций. Бесконечно малые функции, их свойства. Бесконечно большие функции, их связь с бесконечно малыми функциями. Теоремы о связи функции, имеющей предел, с бесконечно малой функцией. Основные теоремы о пределах. Неопределенности и методы их раскрытия. Вычисление односторонних пределов. Теоремы о предельном переходе в неравенствах. Замечательные пределы. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции. Непрерывность функций в точке и на множестве. Точки разрыва функции и их классификации. Действия над непрерывными функциями. Непрерывность основных элементарных функций. Свойства функции, непрерывной на отрезке.	4	+
10.	Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной функции в точке. Основные правила дифференцирования функций. Производная сложной функции. Производные основных элементарных функций, таблица производных. Производная неявной и параметрически заданной функции.	2	+
11.	Дифференциал функции. Геометрический смысл. Связь с производной. Свойства первого дифференциала. Геометрический и механический смысл производной. Уравнения касательной и нормали к плоской кривой. Производные и дифференциалы высших порядков. Неинвариантность формы дифференциалов высших порядков. Механический смысл производной второго порядка. Вторая производная параметрически заданной функции и неявной	2	+

№ п/п	Краткое содержание лекций	Количество часов	Практическая подготовка
	функции. Основные теоремы дифференциального исчисления действительной переменной и их применение: теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя.		
12.	Применение дифференциального исчисления для исследования функций и построения их графиков. Условия монотонности функции. Экстремумы функции, необходимое и достаточное условия существования экстремума. Отыскание наименьшего и наибольшего значений функции, дифференцируемой на отрезке. Исследование выпуклости функции. Точки перегиба. Достаточное условие существования точки перегиба. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построения ее графика. Примеры.	2	+
13.	Первообразная функция. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица интегралов. Методы интегрирования: непосредственное интегрирование. Метод замены переменной в неопределенном интеграле и интегрирование по частям.	4	+
14.	Разложение рациональных дробей на простейшие. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование иррациональных функций (степенные и тригонометрические подстановки), тригонометрических функций. Универсальная тригонометрическая подстановка.	2	+
15.	Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл. Теорема существования определенного интеграла. Свойства определенного интеграла. Производная интеграла по верхнему переменному пределу. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям и замена переменной в определенном интеграле. Определенный интеграл от нечетной и четной функции по симметричному промежутку. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования и от неограниченных функций.	4	+
16.	Приложение определенного интеграла к решению геометрических и физических задач: вычисление площади плоской фигуры, длины дуги кривой, площади поверхности, объема тела вращения, работы, давления, статистических моментов, центра тяжести плоской фигуры.	2	+
17.	Функции двух действительных переменных, способы их задания. Область определения. Линии уровня функции двух переменных. Частные производные первого порядка, их геометрический смысл. Полный дифференциал, его связь с частными производными. Инвариантность формы полного дифференциала. Приближенные вычисления с помощью первого дифференциала.	4	
18.	Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема о смешанных производных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремумы функции двух переменных. Необходимое условие экстремума. Достаточное условие	2	+

№ п/п	Краткое содержание лекций	Количество часов	Практическая подготовка
	экстремума. Отыскание наименьших и наибольших значений функции.		
19.	Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла. Двойной интеграл, его определение. Теорема существования двойного интеграла. Свойства, теорема о среднем значении. Вычисление двойного интеграла. Переход к полярным координатам. Приложения двойного интеграла.	6	+
20.	Задача о вычислении работы переменной силы. Определение криволинейного интеграла по координатам. Свойства, вычисление. Формула Грина. Условия независимости криволинейного интеграла по пути интегрирования. Нахождение функции двух переменных по ее полному дифференциалу. Приложения криволинейного интеграла второго рода.	4	+
21.	Числовые ряды, сумма ряда, сходимость и расходимость. Необходимые условия сходимости. Ряд Дирихле. Гармонический ряд. Ряд геометрической прогрессии. Свойства сходящихся рядов. Ряды с положительными членами. Признаки сравнения рядов. Признак Даламбера. Интегральный признак Коши.	4	+
22.	Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная, условная сходимость. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства суммы степенного ряда: непрерывность, почленное дифференцирование и интегрирование. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора и в ряд Маклорена. Приложение степенных рядов к приближенным вычислениям интегралов.	4	+
23.	Комплексные числа, действия с ними. Изображение комплексных чисел на плоскости. Модуль и аргумент комплексного числа. Их свойства. Алгебраическая и тригонометрическая формы комплексного числа. Алгебраические действия над ними. Формула Эйлера. Показательная форма комплексного числа. Корни из комплексных чисел. Функции комплексного переменного. Элементарные аналитические функции. Дифференцируемость. Условия Коши-Римана. Интегрирование по комплексному аргументу. Теорема Коши. Интегральная формула Коши.	4	
24.	Задачи, приводящие к понятию дифференциальных уравнений (ДУ). Порядок ДУ, решение ДУ первого порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. ДУ I-го порядка с разделяющимися переменными. Однородные Д.У. первого порядка. Линейные Д.У. первого порядка. Уравнение Я. Бернулли. Поле направлений. Изоклины.	4	+
25.	ДУ второго порядка. Начальные условия, общее решение,	6	+

№ п/п	Краткое содержание лекций	Количество часов	Практическая подготовка
	частное решение. Задача Коши. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения (ЛОДУ) второго порядка. Линейно независимые и зависимые решения. Определитель Вронского, его свойства. Теорема о структуре общего решения ЛОДУ. Общее решение ЛОДУ с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения (ЛНДУ) второго порядка с постоянными коэффициентами. Теорема о структуре общего решения. Метод вариации произвольных постоянных. Отыскание частного решения ЛНДУ со специальным видом правой части. Теорема о наложении решений. Системы дифференциальных уравнений.		
26.	Предмет теории вероятностей. Классификация событий. Классическое и статистическое определения вероятности события. Закон устойчивости относительных частот. Геометрические вероятности. Элементы комбинаторики.	4	+
27.	Теоремы сложения вероятностей и следствия из них. Условная вероятность. Теоремы умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Схема Бернулли. Формулы Лапласа и Пуассона.	12	+
28.	Дискретные случайные величины. Закон распределения, функция распределения. Числовые характеристики. Биномиальный закон. Закон Пуассона. Непрерывные случайные величины. Функция плотности распределения вероятностей. Числовые характеристики. Равномерное, показательное и нормальное распределения. Понятие о различных формах закона больших чисел. Теорема Бернулли Чебышева. Центральная предельная теорема.	12	+
29.	Генеральная совокупность, выборка, вариационный ряд. Гистограмма, эмпирическая функция распределения. Статистические оценки параметров. Требования к оценкам. Эмпирические оценки математического ожидания и дисперсии. Интервальное оценивание. Доверительные интервалы для математического ожидания и дисперсии. Задача об объеме выборки. Проверка статистических гипотез: 1) о законе распределения случайной величины; 2) о различии в оценках параметров; 3) о принадлежности выборок одной генеральной совокупности. Статистические критерии проверки гипотез: критерий Пирсона, Колмогорова, Стьюдента.	20	+
	Итого	144	10%

Заочная форма обучения

№ п/п	Краткое содержание лекций	Количество часов	Практическая подготовка
1.	<p>Введение в дисциплину, выдача заданий для выполнения контрольной работы. Значение курса математики в профессиональной подготовке и профессиональной деятельности. Ориентировочная основа действий по применению математики в решении прикладных задач; понятия математического моделирования, метода и алгоритма решения задач. Элементы математической логики; необходимое и достаточное условия. Символы математической логики, их использование. Матрицы. Основные понятия, действия над матрицами. Определители 2-го и 3-го порядков и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по строке (столбцу). Обратная матрица. Ранг матрицы. Системы двух и трех линейных уравнений. Матричная запись системы линейных уравнений и её решение. Теорема Кронекера-Капелли. Исследование совместных систем линейных уравнений. Базисные решения. Метод Гаусса. Формулы Крамера.</p>	2	+
2.	<p>Системы координат на плоскости и в пространстве. Векторы. Понятие линейного пространства. Координаты вектора. Линейно независимые векторы. Прямоугольный базис. Разложение вектора в прямоугольном базисе. Направляющие косинусы и длина вектора. Линейные операции над векторами в координатной форме. Деление отрезка в заданном отношении. Скалярное произведение векторов. Свойства скалярного произведения, физический смысл, выражение в координатной форме. Длина вектора и угол между двумя векторами. Условие ортогональности двух векторов. Применение скалярного произведения в решении прикладных задач. Векторное произведение векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Условие коллинеарности векторов. Физический смысл векторного произведения. Понятие о смешанном произведении, выражение в координатной форме. Применение векторного и смешанного произведений.</p>	2	+
3.	<p>Уравнения линий на плоскости. Полярные координаты на плоскости. Формы уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Уравнение пучка прямых. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и уравнения. Решение задач. Поверхности и их уравнения. Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямых в пространстве. Угол между прямой и плоскостью. Поверхности второго порядка. Цилиндрические поверхности. Сфера. Эллипсоид. Гиперболоиды. Параболоиды. Геометрические свойства этих поверхностей, исследование их формы методом сечений.</p>	2	+
4.	<p>Множество вещественных чисел. Числовые последовательности.</p>	1	

№ п/ п	Краткое содержание лекций	Количе ство часов	Практи ческая подгот овка
	Предел числовой последовательности. Сходящиеся и расходящиеся числовые последовательности. Признаки сходимости. Число e . Вычисление пределов числовых последовательностей. Предел функции в точке, на бесконечности. Геометрическая иллюстрация. Односторонние пределы функций. Бесконечно малые функции, их свойства. Бесконечно большие функции, их связь с бесконечно малыми функциями. Теоремы о связи функции, имеющей предел, с бесконечно малой функцией. Основные теоремы о пределах. Неопределенности и методы их раскрытия. Вычисление односторонних пределов. Теоремы о предельном переходе в неравенствах. Замечательные пределы. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции. Непрерывность функций в точке и на множестве. Точки разрыва функции и их классификации.		+
5.	Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной функции в точке. Основные правила дифференцирования функций. Производная сложной функции. Производные основных элементарных функций, таблица производных. Основные теоремы дифференциального исчисления действительной переменной и их применение: теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталья.	1	+
6.	Первообразная функция. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица интегралов. Методы интегрирования: непосредственное интегрирование, метод замены переменной в неопределенном интеграле и интегрирование по частям. Разложение рациональных дробей на простейшие. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование иррациональных функций (степенные и тригонометрические подстановки), тригонометрических функций. Универсальная тригонометрическая подстановка. Выражения, неинтегрируемые в квадратурах.	1	+
7.	Вычисление кратных интегралов повторным интегрированием в декартовых координатах. Криволинейные интегралы первого и второго рода, их свойства, примеры вычисления.	1	+
8.	Числовые ряды, сумма ряда, сходимость и расходимость. Необходимые условия сходимости. Ряд Дирихле. Гармонический ряд. Ряд геометрической прогрессии. Свойства сходящихся рядов. Ряды с положительными членами. Признаки сравнения рядов. Признак Даламбера. Интегральный признак Коши. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная, условная сходимость.	2	+
9.	Комплексные числа, действия с ними. Изображение комплексных чисел на плоскости. Модуль и аргумент комплексного числа. Их свойства. Алгебраическая и тригонометрическая формы комплексного числа. Алгебраические действия над ними. Формула Эйлера. Показательная форма комплексного числа. Корни из комплексных чисел. Функции комплексного переменного. Элементарные аналитические функции. Дифференцируемость.	2	+

№ п/п	Краткое содержание лекций	Количество часов	Практическая подготовка
10	Задачи, приводящие к понятию дифференциальных уравнений (ДУ). Порядок ДУ, решение ДУ первого порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. ДУ I-го порядка с разделяющимися переменными. Однородные Д.У. первого порядка. Линейные Д.У. первого порядка. Уравнение Я. Бернулли. Поле направлений. Изоклины. ДУ высших порядков. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения (ЛОДУ) второго порядка.	2	+
11	Предмет теории вероятностей. Классификация событий. Классическое и статистическое определения вероятности события. Закон устойчивости относительных частот. Геометрические вероятности. Алгебра событий. Комбинаторика. Теоремы сложения вероятностей и следствия из них. Условная вероятность. Теоремы умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Схема Бернулли. Формулы Лапласа и Пуассона.	2	+
12	Дискретные случайные величины. Закон распределения, функция распределения. Числовые характеристики. Биномиальный закон. Закон Пуассона. Непрерывные случайные величины. Функция плотности распределения вероятностей. Числовые характеристики. Равномерное, показательное и нормальное распределения. Понятие о различных формах закона больших чисел. Теорема Бернулли Чебышева. Центральная предельная теорема.	2	+
13	Генеральная совокупность, выборка, вариационный ряд. Гистограмма, эмпирическая функция распределения. Статистические оценки параметров. Проверка статистических гипотез	2	+
	Итого	22	10%

4.3. Содержание лабораторных занятий

Лабораторные занятия не предусмотрены учебным планом.

4.4. Содержание практических занятий

Очная форма обучения

№ п/п	Наименование практических занятий	Количество часов	Практическая подготовка
1.	Элементы линейной алгебры	16	+
2.	Элементы векторной алгебры	16	+
3.	Аналитическая геометрия	16	+
4.	Функция	4	+

5.	Предел. Непрерывность	6	+
6.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	8	+
7.	Неопределенный интеграл	10	+
8.	Определенный интеграл	10	+
9.	Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	10	+
10.	Кратные и криволинейные интегралы	10	+
11.	Числовые и функциональные ряды	8	+
12.	Комплексные числа, функция комплексного переменного	4	
13.	Дифференциальные уравнения	8	+
14.	Системы дифференциальных уравнений	2	+
15.	Множества. Элементы комбинаторики	4	+
16.	Случайные события	12	+
17.	Случайные величины	12	+
18.	Элементы математической статистики	20	+
	Итого	176	40%

Заочная форма обучения

№ п/п	Наименование практических занятий	Количество часов	Практическая подготовка
1.	Элементы линейной алгебры	2	+
2.	Элементы векторной алгебры	2	+
3.	Аналитическая геометрия	2	+
4.	Введение в математический анализ	1	+
5.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	1	+
6.	Неопределенный интеграл	1	+
7.	Определенный интеграл	1	+
8.	Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	1	
9.	Кратные и криволинейные интегралы	1	
10.	Числовые и функциональные ряды	2	
11.	Комплексные числа, функция комплексного переменного	2	
12.	Дифференциальные уравнения	2	+
13.	Случайные события	2	+
14.	Случайные величины	2	+
15.	Элементы математической статистики	2	
	Итого	24	40%

4.5. Виды и содержание самостоятельной работы обучающихся

4.5.1. Виды самостоятельной работы обучающихся

Виды самостоятельной работы обучающихся	Количество
---	------------

	часов	
	По очной форме обучения	По заочной форме обучения
Подготовка к практическим занятиям	40	24
Выполнение контрольной работы		200
Подготовка индивидуальных письменных работ (типовых расчетов)	40	
Самостоятельное изучение отдельных тем и вопросов	59	261
Подготовка к промежуточной аттестации	9	9
Итого	148	494

4.5.2. Содержание самостоятельной работы обучающихся

№ п/п	Наименование тем или вопросов	Количество часов	Количество часов
		По очной форме обучения	По заочной форме обучения
1	Матрицы, действия с ними. Вычисление определителей различными способами. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса, по формулам Крамера, с помощью обратной матрицы.	12	53
2	Линейные операции над векторами. Разложение вектора по базису. Направляющие косинусы и длина вектора. Применение скалярного, векторного, смешанного произведений в решении прикладных задач. Понятие о векторных диаграммах в науке и технике.	12	53
3	Различные формы уравнения прямой на плоскости. Решение задач на метод координат (расстояние между двумя точками, деление отрезка в данном отношении, расстояние от точки до прямой). Кривые второго порядка: приведение к каноническому виду, построение на плоскости. Технические приложения геометрических свойств кривых. Построение тела ограниченного поверхностями. Технические приложения геометрических свойств поверхностей.	13	53
4	Построение графиков элементарных функций путем преобразований (параллельный перенос, растяжение (сжатие), отображение).	6	10
5	Вычисление пределов числовых последовательностей, пределов функции. Исследование функций на непрерывность. Вычисление пределов числовых последовательностей, пределов функции. Исследование функций на непрерывность.	6	20
6	Дифференцирование сложных функций, а также функций	6	

	заданных неявно и параметрически. Применение дифференциала к приближённым вычислениям. Применение дифференциального исчисления для исследования функций и построения их графиков.		20
7	Методы интегрирования неопределённого интеграла.	6	20
8	Вычисление определённых интегралов. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций. Приложения определённого интеграла к решению задач геометрии, механики и физики.	3	10
9	Приближенные методы вычисления определённых интегралов.	4	10
10	Дифференцирование функции двух переменных. Полный дифференциал. Применение полного дифференциала к приближённым вычислениям. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремумы функции нескольких переменных. Отыскание наибольших и наименьших значений функции.	6	20
11	Вычисление двойных и тройных интегралов. Геометрические и физические приложения двойного и тройного интегралов. Криволинейные и поверхностные интегралы. Нахождение функции двух переменных по её полному дифференциалу.	12	15
12	Числовые и функциональные ряды. Применение степенных рядов в приближенных вычислениях: вычисление значений функций, определённых интегралов, решение дифференциальных уравнений. Ряды Фурье по тригонометрическим системам. Формулы для коэффициентов ряда. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье. Ряд Фурье для чётных и нечётных функций. Формулировка достаточных условий сходимости рядов Фурье. Ряд Фурье для функции с любым периодом. Условие поточечной сходимости и сходимости "в среднем". Применение тригонометрических рядов Фурье в приближенных вычислениях. Понятие о практическом гармоническом анализе. Интеграл Фурье.	12	12
13	Комплексные числа	12	25
14	Основные классы уравнений, интегрируемых в квадратурах: с разделяющимися переменными, однородные и линейные. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения с правой частью специального вида. Метод вариации произвольных постоянных.	12	25
15	Решения нормальных систем дифференциальных уравнений методом исключения.	5	25
16	Методы вычисления вероятностей. Теорема о повторении опытов (схема Бернулли). Наивероятнейшая частота при повторении опытов. Случайные величины и законы их распределения. Вычисление вероятности попадания	14	80

	случайной величины на заданный интервал в случае нормального распределения. Понятие о двумерном нормальном распределении.		
17	Построение статистического распределения выборки. Вычисление точечных оценок неизвестных параметров распределения по выборке. Интервальное оценивание параметров нормального распределения. Проверка статистических гипотез критериями Пирсона, Стьюдента. Проведение корреляционного и регрессионного анализа.	3	33
18	Основные понятия теории графов. Деревья. Лес. Бинарные деревья. Связность графа: матричный и строчный способы задания графа. Некоторые задачи теории графов.	4	10
	Итого	148	494

5. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Учебно-методические разработки имеются в Научной библиотеке ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ:

1. Типовые расчеты по теме «Элементы линейной и векторной алгебры» [Электронный ресурс]: методические указания для студентов очной и заочной форм обучения [направлений 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / составители: Акулич О.Е., Баженова С.В.; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2021. – 65 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/59.pdf>

2. Элементы линейной и векторной алгебры: учебное пособие для студентов очной и заочной форм обучения [направлений 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / Южно-Уральский ГАУ, Институт Агроинженерии; О.Е. Акулич, С.В. Баженова. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2022. – 83 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/60.pdf>

3. Типовые расчеты по теме «Определители, матрицы, системы линейных уравнений, векторная алгебра, аналитическая геометрия» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. И.Н. Земскова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 27 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/51.pdf>.

4. Поверхности второго порядка [Электронный ресурс]: методические указания для студентов очной и заочной форм обучения [направлений 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич и др.; Южно-

Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 32 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/57.pdf>

5. Введение в математический анализ [Электронный ресурс]: учеб. пособие для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, 38.03.01, 08.03.02, специальность 23.05.01) / сост.: О. Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/36.pdf>.

6. Типовые расчеты по теме «Введение в математический анализ функции одной действительной переменной» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. О.Е. Акулич ; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/47.pdf>.

7. Типовой расчет по теме «Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: [для самостоятельной работы студентов очных факультетов] / сост.: С.В. Баженова, И.С. Стабулит, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/29.pdf>.

8. Типовые расчеты по теме «Интегральное исчисление функции одной действительной переменной» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: метод. указания / сост.: О.Е. Акулич, М.Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2016. – 82 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/28.pdf>.

9. Типовые расчеты по теме «Дифференциальное и интегральное исчисления функции двух переменных» [Электронный ресурс]: метод. указ. [для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, специальность 23.05.01)] / сост.: О.Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 80 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/45.pdf>.

10. Типовые расчеты по теме «Ряды» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/50.pdf>.

11. Дифференциальные уравнения в прикладных задачах [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка, И.С. Стабулит; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 81 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/48.pdf>.

12. Типовой расчет по теме «Теория вероятностей» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья,

23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 106 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/46.pdf>.

13. Типовые расчеты по теме «Математическая статистика» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. М. Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 4-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 72 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/49.pdf>.

14. Методические указания и контрольные задания по математике для студентов заочной формы обучения [Электронный ресурс]: [направление подготовки 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника] / сост.: О.Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2020. – 176 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/58.pdf>.

6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Для установления соответствия уровня подготовки обучающихся требованиям ФГОС ВО разработан фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине. Фонд оценочных средств представлен в Приложении.

7. Основная и дополнительная учебная литература, необходимая для освоения дисциплины

Основная и дополнительная учебная литература имеется в Научной библиотеке и электронной информационно-образовательной среде ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ.

Основная:

1. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа / Г.Н. Берман. – 11-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2023. – 492 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/295943>

2. Бермант А.Ф. Краткий курс математического анализа: учебное пособие / А.Ф. Бермант, И. Г. Араманович. – 16-е изд. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 736 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/210707>

3. Емельянов Г.В. Задачник по теории вероятностей и математической статистике: учебное пособие для вузов / Г.В. Емельянов, В.П. Скитович. – 4-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2021. – 332 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/169813>

4. Запорожец Г.И. Руководство к решению задач по математическому анализу: учебное пособие / Г.И. Запорожец. – 8-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 464 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/210752>

5. Клетеник Д.В. Сборник задач по аналитической геометрии: учебное пособие для вузов / Д.В. Клетеник; Под редакцией Н.В. Ефимова. – 17-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 224 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/187823>

6. Кожухов С.Ф. Сборник задач по дискретной математике: учебное пособие / С.Ф. Кожухов, П.И. Совертков. – 2-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 324 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/212675>.

7. Микони С.В. Дискретная математика для бакалавра: множества, отношения, функции, графы: учебное пособие / С.В. Микони. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 192 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/211049>

Дополнительная:

1. Ерусалимский Я.М. Дискретная математика. Теория и практикум / Я.М. Ерусалимский. – 2-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2023. – 476 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/319427>

2. Лисичкин В.Т. Математика в задачах с решениями: учебное пособие / В.Т. Лисичкин, И.Л. Соловейчик. – 7-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2020. – 464 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/126952>

3. Натансон И.П. Краткий курс высшей математики: учебное пособие / И.П. Натансон. – 10-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 736 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/210320>

4. Практические занятия по алгебре. Комплексные числа, многочлены: учебное пособие / Ю.В. Волков, Н.Н. Ермолаева, В.А. Козынченко, Г.И. Курбатова. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 192 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/211694>

5. Прошкин С.С. Математика для решения физических задач: учебное пособие / С.С. Прошкин. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 384 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/211754>

6. Справочник по математике для бакалавров: учебное пособие / А.Ю. Вдовин, Н.Л. Воронцова, Л.А. Золкина, В.М. Мухина. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 80 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/211676>

7. Фихтенгольц Г.М. Основы математического анализа. Часть 1 / Г.М. Фихтенгольц. – 15-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2023. – 444 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/289001>

8. Фихтенгольц Г.М. Основы математического анализа. Часть 2 / Г.М. Фихтенгольц. – 14-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2023. – 464 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/297692>

9. Шипачев В.С. Начала высшей математики: учебное пособие / В.С. Шипачев. – 5-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 384 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/211175>

8. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимые для освоения дисциплины

1. Единое окно доступа к учебно-методическим разработкам <https://yoypRAY.pdf>
2. ЭБС «Лань» <http://e.lanbook.com/>
3. Университетская библиотека ONLINE <http://biblioclub.ru/>

9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Учебно-методические разработки имеются в Научной библиотеке и электронной информационно-образовательной среде ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ:

1. Типовые расчеты по теме «Элементы линейной и векторной алгебры»: методические указания для студентов очной и заочной форм обучения [направлений 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / составители: Акулич О.Е., Баженова С.В.; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2021. – 65 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/59.pdf>

2. Типовые расчеты по теме «Определители, матрицы, системы линейных уравнений, векторная алгебра, аналитическая геометрия» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. И.Н. Земскова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 27 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/51.pdf>.

3. Поверхности второго порядка [Электронный ресурс]: методические указания для студентов очной и заочной форм обучения [направлений 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич и др.; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 32 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/57.pdf>

4. Введение в математический анализ [Электронный ресурс]: учеб. пособие для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, 38.03.01, 08.03.02, специальность 23.05.01) / сост.: О. Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/36.pdf>.

5. Типовые расчеты по теме «Введение в математический анализ функции одной действительной переменной» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. О.Е. Акулич ; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/47.pdf>.

6. Типовой расчет по теме «Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: [для самостоятельной работы студентов очных факультетов] / сост.: С.В. Баженова, И.С. Стабулит, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/29.pdf>.

7. Типовые расчеты по теме «Интегральное исчисление функции одной действительной переменной» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: метод. указания / сост.: О.Е. Акулич, М.Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2016. – 82 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/28.pdf>.

8. Типовые расчеты по теме «Дифференциальное и интегральное исчисления функции двух переменных» [Электронный ресурс]: метод. указ. [для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, специальность 23.05.01)] / сост.: О.Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 80 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/45.pdf>.

9. Типовые расчеты по теме «Ряды» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. –

Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/50.pdf>.

10. Дифференциальные уравнения в прикладных задачах [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка, И.С. Стабулит; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 81 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/48.pdf>.

11. Типовой расчет по теме «Теория вероятностей» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 106 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/46.pdf>.

12. Типовые расчеты по теме «Математическая статистика» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. М. Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 4-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 72 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/49.pdf>.

13. Методические указания и контрольные задания по математике для студентов заочной формы обучения [Электронный ресурс]: [направление подготовки 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника] / сост.: О.Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2020. – 176 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/58.pdf>.

10. Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

В Научной библиотеке с терминальных станций предоставляется доступ к базам данных:

- Техэксперт (информационно-справочная система ГОСТов);
- My TestX10.2.

Программное обеспечение: Операционная система специального назначения «Astra Linux Special Edition» с офисной программой LibreOffice, MyTestXPro 11.0, nanoCAD Электро версия 10.0 локальная, nanoCAD Отопление версия 10.0 локальная, PTC MathCAD Education - University Edition, Мой Офис Стандартный, 1С: Предприятие 8. Комплект для обучения в высших и средних учебных заведениях, Windows 10 Home Single Language 1.0.63.71, APM WinMachine 15, Microsoft Windows PRO 10 Russian Academic OLP 1License NoLevel Legalization GetGenuine, Microsoft OfficeStd 2019 RUS OLP NL Acdmc, КОМПАС 3D v19, КОМПАС 3D v18, КОМПАС 3D v17, 1С: Университет ПРОФ 2.1, 1С: Колледж ПРОФ, Kaspersky Endpoint Security, Microsoft Windows Server CAL 2012 Russian Academic OPEN 1 License User CAL, Microsoft Win Starter 7 Russian Academic Open 1 License No Level Legalization Get Genuine, Microsoft Office 2010 Russian Academic OPEN 1 License NoLevel,

Виртуальный учебный стенд «Электромонтаж» (СПО), MOODLE, «Наш Сад» Кристалл (версия 10).

11. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Учебные аудитории для проведения занятий, предусмотренных программой, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения. Помещения для самостоятельной работы обучающихся

1. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного и семинарского типов, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации № 405.

2. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного и семинарского типа, курсового проектирования, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации; Помещение для самостоятельной работы № 423.

3. Учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа, курсового проектирования, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации; Помещение для самостоятельной работы № 427.

3. Учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа, курсового проектирования, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации; Помещение для самостоятельной работы ауд. № 149.

Перечень оборудования и технических средств обучения

Экран переносной, проектор, ноутбук.

Учебно-наглядные пособия: поверхности второго порядка.

ПК DUAL-G2010/ЖК18,5, ПК P-4/1GB/160Gb/монитор 17, Проектор Acer, Экран Matte.

ПК DUAL-G2010/ЖК18,5, ПК P-4/монитор 17, проектор BenQ, экран ECONOMY.

Системный блок. Монитор.

ПРИЛОЖЕНИЕ 1

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации
обучающихся

СОДЕРЖАНИЕ

1. Компетенции и их индикаторы, формируемые в процессе освоения дисциплины	32
2. Показатели, критерии и шкала оценивания индикаторов достижения сформированности компетенций	36
3. Типовые контрольные задания и (или) иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих сформированность компетенций в процессе освоения дисциплины	38
4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих сформированность компетенций	38
4.1. Оценочные средства для проведения текущего контроля успеваемости в процессе практической подготовки	38
4.1.1. Опрос на практическом занятии	38
4.1.2. Оценивание индивидуального задания (типового расчета)	40
4.1.3. Оценивание контрольной работы	42
4.1.4. Тестирование	45
4.2. Процедуры и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации. Экзамен	51

1. Компетенции и их индикаторы, формируемые в процессе освоения дисциплины

ОПК-3. Способность применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Формируемые ЗУН			Наименование оценочных средств
	знания		навыки	
ИД-1 ОПК-3 Применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	Обучающийся должен знать: основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной (Б1.О.11-3.1)	Обучающийся уметь: использовать основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной (Б1.О.11-У.1)	Обучающийся должен владеть навыками использования основных понятий и методов аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной (Б1.О.11-Н.1)	Текущая аттестация: - ответ на практическом занятии; - тестирование Промежуточная аттестация: - экзамен
ИД-2 ОПК-3 Применяет математический аппарат теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	Обучающийся должен знать: основные понятия и методы теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений (Б1.О.11-3.2)	Обучающийся уметь: использовать основные понятия и методы теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений (Б1.О.11-У.2)	Обучающийся должен владеть навыками использования основных понятий и методов теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений (Б1.О.11-Н.2)	Текущая аттестация: - ответ на практическом занятии; - тестирование Промежуточная аттестация: - экзамен
ИД-3 ОПК-3 Применяет математический аппарат теории вероятностей и математической статисти-	Обучающийся должен знать: основные понятия и методы теории вероятностей и математической статисти-	Обучающийся уметь: использовать основные понятия и методы теории вероятностей и математической статисти-	Обучающийся должен владеть навыками использования основных понятий и методов теории вероятности	Текущая аттестация: - ответ на практическом занятии; - тестирование Промежуточная аттестация: - экзамен

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Формируемые ЗУН			Наименование оценочных средств
	знания		навыки	
стики	истики (Б1.О.11-3.3)	(Б1.О.11-У.3)	стей и математической статистики (Б1.О.11-Н.3)	
ИД-4 ОПК-3 Применяет математический аппарат численных методов	Обучающийся должен знать: численные методы (Б1.О.11-3.4)	Обучающийся уметь: использовать численные методы (Б1.О.11-У.4)	Обучающийся должен владеть навыками численных методов (Б1.О.11-Н.4)	Текущая аттестация: - ответ на практическом занятии; - тестирование Промежуточная аттестация: - экзамен

2. Показатели, критерии и шкала оценивания индикаторов достижения компетенций

ИД-1 ОПК-3 - применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной

Формируемые ЗУН	Критерии и шкала оценивания результатов обучения по дисциплине			
	Недостаточный уровень	Достаточный уровень	Средний уровень	Высокий уровень
Б1.О.11-3.1	Обучающийся не знает основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	Обучающийся слабо знает основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	Обучающийся с незначительными ошибками и отдельными проблемами знает основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	Обучающийся с требуемой степенью полноты и точности знает основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной
Б1.О.11-У.1	Обучающийся не умеет использовать основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры,	Обучающийся слабо умеет использовать основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры,	Обучающийся умеет использовать основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры,	Обучающийся умеет использовать основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры,

Формируемые ЗУН	Критерии и шкала оценивания результатов обучения по дисциплине			
	Недостаточный уровень	Достаточный уровень	Средний уровень	Высокий уровень
	гёбры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	гёбры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной
Б1.О.11-Н.1	Обучающийся не владеет навыками использования основных понятий и методов аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	Обучающийся слабо владеет навыками использования основных понятий и методов аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	Обучающийся с небольшими затруднениями владеет навыками использования основных понятий и методов аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	Обучающийся свободно владеет навыками использования основных понятий и методов аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной

ИД-2 ОПК-3-применяет математический аппарат теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений

Б1.О.11-3.2	Обучающийся не знает основные понятия и методы теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	Обучающийся слабо знает основные понятия и методы теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	Обучающийся с незначительными ошибками и отдельными пробелами знает основные понятия и методы теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	Обучающийся с требуемой степенью полноты и точности знает основные понятия и методы теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений
Б1.О.11-У.2	Обучающийся не умеет применять основные понятия и методы теории	Обучающийся слабо умеет применять основные понятия и методы теории	Обучающийся умеет применять основные понятия и методы теории функции несколь-	Обучающийся умеет основные понятия и методы теории функции

Формируемые ЗУН	Критерии и шкала оценивания результатов обучения по дисциплине			
	Недостаточный уровень	Достаточный уровень	Средний уровень	Высокий уровень
	функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	ких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений
Б1.О.11-Н.2	Обучающийся не владеет навыками использования основных понятий и методов теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	Обучающийся слабо владеет навыками использования основных понятий и методов теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	Обучающийся с небольшими затруднениями владеет навыками использования основных понятий и методов теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	Обучающийся свободно владеет навыками использования основных понятий и методов теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений

ИД-3 ОПК-3-применяет математический аппарат теории вероятностей и математической статистики

Б1.О.11-3.3	Обучающийся не знает основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики	Обучающийся слабо знает основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики	Обучающийся с незначительными ошибками и отдельными пробелами знает основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики	Обучающийся с требуемой степенью полноты и точности знает основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики
Б1.О.11-У.3	Обучающийся не умеет применять основные понятия и методы теории вероятностей и ма-	Обучающийся слабо умеет применять основные понятия и методы теории вероятностей и математиче-	Обучающийся умеет применять основные понятия и методы теории вероятностей и математической	Обучающийся умеет применять основные понятия и методы теории

Формируемые ЗУН	Критерии и шкала оценивания результатов обучения по дисциплине			
	Недостаточный уровень	Достаточный уровень	Средний уровень	Высокий уровень
	тематической статистики	ской статистики	статистики	вероятностей и математической статистики
Б1.О.11-Н.3	Обучающийся не владеет навыками использования основных понятий и методов теории вероятностей и математической статистики	Обучающийся слабо владеет навыками использования основных понятий и методов теории вероятностей и математической статистики	Обучающийся с небольшими затруднениями владеет навыками использования основных понятий и методов теории вероятностей и математической статистики	Обучающийся свободно владеет навыками использования основных понятий и методов теории вероятностей и математической статистики

ИД-4 ОПК-3-применяет математический аппарат численных методов

Б1.О.11-3.4	Обучающийся не знает численные методы	Обучающийся слабо знает численные методы	Обучающийся с незначительными ошибками и отдельными проблемами знает численные методы	Обучающийся с требуемой степенью полноты и точности знает численные методы
Б1.О.11-У.4	Обучающийся не умеет применять численные методы	Обучающийся слабо умеет использовать численные методы	Обучающийся умеет использовать численные методы	Обучающийся умеет использовать численные методы
Б1.О.11-Н.4	Обучающийся не владеет навыками применения численных методов	Обучающийся слабо владеет навыками применения численных методов	Обучающийся с небольшими затруднениями владеет навыками применения численных методов	Обучающийся свободно владеет навыками применения численных методов

3. Типовые контрольные задания и (или) иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих сформированность компетенций в процессе освоения дисциплины

Типовые контрольные задания и материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков, содержатся в учебно-методических разработках, приведенных ниже.

1. Типовые расчеты по теме «Элементы линейной и векторной алгебры»: методические указания для студентов очной и заочной форм обучения [направлений 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и

комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / составители: Акулич О.Е., Баженова С.В.; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2021. – 65 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/59.pdf>

2. Типовые расчеты по теме «Определители, матрицы, системы линейных уравнений, векторная алгебра, аналитическая геометрия» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. И.Н. Земскова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 27 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/51.pdf>.

3. Поверхности второго порядка [Электронный ресурс]: методические указания для студентов очной и заочной форм обучения [направлений 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич и др.; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 32 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/57.pdf>

4. Введение в математический анализ [Электронный ресурс]: учеб. пособие для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, 38.03.01, 08.03.02, специальность 23.05.01) / сост.: О. Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/36.pdf>.

5. Типовые расчеты по теме «Введение в математический анализ функции одной действительной переменной» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. О.Е. Акулич ; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/47.pdf>.

6. Типовой расчет по теме «Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: [для самостоятельной работы студентов очных факультетов] / сост.: С.В. Баженова, И.С. Стабулит, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/29.pdf>.

7. Типовые расчеты по теме «Интегральное исчисление функции одной действительной переменной» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: метод. указания / сост.: О.Е. Акулич, М.Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2016. – 82 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/28.pdf>.

8. Типовые расчеты по теме «Дифференциальное и интегральное исчисления функции двух переменных» [Электронный ресурс]: метод. указ. [для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, специальность 23.05.01)] / сост.: О.Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 80 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/45.pdf>.

9. Типовые расчеты по теме «Ряды» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02

Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/50.pdf>.

10. Дифференциальные уравнения в прикладных задачах [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка, И.С. Стабулит; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 81 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/48.pdf>.

11. Типовой расчет по теме «Теория вероятностей» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 106 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/46.pdf>.

12. Типовые расчеты по теме «Математическая статистика» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. М. Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 4-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 72 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/49.pdf>.

Методические указания и контрольные задания по математике для студентов заочной формы обучения [Электронный ресурс]: [направление подготовки 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника] / сост.: О.Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2020. – 176 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/58.pdf>.

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих сформированность компетенций

В данном разделе методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, по дисциплине «Математика», приведены применительно к каждому из используемых видов текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся.

4.1. Оценочные средства для проведения текущего контроля успеваемости в процессе практической подготовки

4.1.1. Опрос на практическом занятии

Ответ на практическом занятии используется для оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по отдельным

вопросам и темам дисциплины. Темы и планы занятий (см. метод.разработки п. 3) заранее сообщаются обучающимся. Ответ оценивается оценкой «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» или «неудовлетворительно».

№	Оценочные средства	Код и наименование индикатора компетенции										
	Типовые контрольные задания и (или) иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих сформированность компетенций в процессе освоения дисциплины											
1	Найти $y''(0)$, если $y' - 2y = e^x$ при начальном условии $y(0) = -1$.	ИД-1 ОПК-3 Применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной										
2	Найти решение дифференциального уравнения $y' - 2y = e^x$, удовлетворяющее начальному условию $y(0) = -1$.	ИД-2 ОПК-3 Применяет математический аппарат теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений										
3	В тире имеется 5 ружей, вероятности попадания из которых равны соответственно 0,5; 0,6; 0,7; 0,8; 0,9. Найти вероятность при одном выстреле, если стреляющий берёт одно из ружей наудачу.	ИД-3 ОПК-3 Применяет математический аппарат теории вероятностей и математической статистики										
4	<p>В течение 4-х лет максимум нагрузки энергосистемы (мощность) P (МВт) и годовая выработка электроэнергии W (млрд. кВт·ч) имели следующие значения:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>P</td> <td>1000</td> <td>1100</td> <td>1220</td> <td>1350</td> </tr> <tr> <td>W</td> <td>5,6</td> <td>6,6</td> <td>7,0</td> <td>7,8</td> </tr> </table> <p>Вычислить приближенно среднее значение максимума нагрузки энергосистемы (мощности) P (МВт) за 4 года.</p>	P	1000	1100	1220	1350	W	5,6	6,6	7,0	7,8	ИД-4 ОПК-3 Применяет математический аппарат численных методов
P	1000	1100	1220	1350								
W	5,6	6,6	7,0	7,8								

Критерии оценки ответа (табл.) доводятся до сведения обучающихся в начале занятий. Оценка объявляется обучающемуся непосредственно после ответа.

Шкала	Критерии оценивания
Оценка 5 (отлично)	<ul style="list-style-type: none"> - обучающийся полно усвоил учебный материал; - проявляет навыки анализа, обобщения, критического осмысления и восприятия информации, навыки применения основных математических методов; - материал изложен грамотно, в определенной логической последовательности, точно используется терминология; - показано умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами, применять их в новой ситуации; - продемонстрировано умение решать прикладные задачи; - продемонстрирована сформированность и устойчивость знаний, умений и навыков; - могут быть допущены одна-две неточности при освещении второстепенных вопросов.
Оценка 4 (хорошо)	<p>ответ удовлетворяет в основном требованиям на оценку «5», но при этом имеет место один из недостатков:</p> <ul style="list-style-type: none"> - в усвоении учебного материала допущены небольшие пробелы, не исказившие содержание ответа; - в решении прикладных задач допущены незначительные неточности.
Оценка 3 (удовлетворительно)	<ul style="list-style-type: none"> - неполно или непоследовательно раскрыто содержание материала, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения материала; - имелись затруднения или допущены ошибки в определении понятий, использовании терминологии, в применении математических методов решения прикладных задач, исправленные после нескольких наводящих вопросов; - при неполном знании теоретического материала выявлена недостаточная сформированность умений и навыков, обучающийся не может переносить знания в новые проблемные ситуации.
Оценка 2 (неудовлетворительно)	<ul style="list-style-type: none"> - не раскрыто основное содержание учебного материала; - обнаружено незнание или непонимание большей или наиболее важной части учебного материала; - допущены ошибки в определении понятий, при использовании терминологии, в применении математических методов при решении прикладных задач, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов; - не сформированы компетенции, отсутствуют соответствующие знания, умения и навыки.

4.1.2. Оценивание индивидуального задания (типового расчета)

Индивидуальное задание (далее типовой расчет) используется для оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по отдельным темам дисциплины. Вариант задания для каждого обучающегося определяется в

соответствии с порядковым номером в журнале группы. Содержание заданий типовых расчетов приводится в методических указаниях (п. 3 ФОС).

№	Оценочные средства	Код и наименование индикатора компетенции										
	Типовые контрольные задания и (или) иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих сформированность компетенций в процессе освоения дисциплины											
1	Вычислить объём треугольной пирамиды с вершинами в точках А, В, С, D и найти длину высоты, опущенной из вершины D на грань ABC, если А (1;0;2), В(1;2; 1), С(2; 2;1), D(2;1;0).	ИД-1 ОПК-3 Применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной										
2	Найти решение дифференциального уравнения $y' - 2y = e^x$, удовлетворяющее начальному условию $y(0) = -1$.	ИД-2 ОПК-3 Применяет математический аппарат теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений										
3	В тире имеется 5 ружей, вероятности попадания из которых равны соответственно 0,5; 0,6; 0,7; 0,8; 0,9. Найти вероятность при одном выстреле, если стреляющий берёт одно из ружей наудачу.	ИД-3 ОПК-3 Применяет математический аппарат теории вероятностей и математической статистики										
4	<p>В течение 4-х лет максимум нагрузки энергосистемы (мощность) P (МВт) и годовая выработка электроэнергии W (млрд. кВт·ч) имели следующие значения:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tbody> <tr> <td>P</td> <td>1000</td> <td>1100</td> <td>1220</td> <td>1350</td> </tr> <tr> <td>W</td> <td>5,6</td> <td>6,6</td> <td>7,0</td> <td>7,8</td> </tr> </tbody> </table> <p>Вычислить приближенно среднее значение максимума нагрузки энергосистемы (мощности) P (МВт) за 4 года.</p>	P	1000	1100	1220	1350	W	5,6	6,6	7,0	7,8	ИД-4 ОПК-3 Применяет математический аппарат численных методов
P	1000	1100	1220	1350								
W	5,6	6,6	7,0	7,8								

Критерии оценки ответа (табл.) доводятся до сведения обучающихся в начале занятий. Оценка объявляется обучающемуся непосредственно после ответа.

Типовой расчет выполняется в отдельной тетради (12-18 листов) в клеточку.

Требования при выполнении типового расчета:

- условие каждой задачи клеивается в тетрадь в печатном виде или пишется от руки разборчивым почерком;
- приводится полное и обоснованное решение с необходимыми пояснениями, вычислениями и расчетами;
- после решения записывается ответ;
- графические построения выполняются карандашом;
- текст решения всех задач должен быть в письменном виде;
- для отметок и замечаний преподавателя должны быть оставлены поля (3–4 см).

Типовой расчет сдается до указанного преподавателем срока и принимается на проверку только в том случае, если удовлетворяет требованиям к оформлению. Работа над ошибками выполняется в этой же тетради и сдается для повторной проверки.

Преподаватель может назначить по своему усмотрению защиту типового расчета, выполненного обучающимся.

Содержание типового расчета и критерии оценки ответа (табл.) доводятся до сведения обучающегося согласно графику выполнения в начале каждого семестра. Типовой расчет оценивается преподавателем оценкой «зачтено», «не зачтено» и результат объявляется на занятии.

Шкала	Критерии оценивания
Оценка «зачтено»	<ul style="list-style-type: none"> - работа выполнена полностью; - умение логично и грамотно применять математические методы при решении предложенных задач; - умение обосновывать выбор метода решения, показывает знание основных математических понятий при ответе на вопросы преподавателя, способен исправлять ошибки после дополнительных вопросов.
Оценка «не зачтено»	<ul style="list-style-type: none"> - работа выполнена не в полном объеме; - отсутствие необходимых теоретических знаний; - допущены грубые ошибки в применении алгоритмов математических методов решения задач.

4.1.3. Оценивание контрольной работы

Контрольная работа предусмотрена для заочной формы обучения. Контрольная работа выполняется для оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по отдельным темам дисциплины. В начале сессии обучающемуся выдаются задания контрольной работы, которую необходимо выполнить к следующей сессии. Варианты индивидуальных заданий представлены в учебно-методической разработке: Методические указания и контрольные задания по математике для студентов заочной формы обучения [Электронный ресурс]: [направление подготовки 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника] / сост.: О.Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2020. – 176 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/58.pdf>.

№	Оценочные средства	Код и наименование индикатора компетенции
	Типовые контрольные задания и (или) иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих сформированность компетенций в процессе освоения дисциплины	
1	<p>1. Определитель $\begin{vmatrix} 2 & 7 & 5 \\ 4 & 3 & 0 \\ 3 & -1 & 7 \end{vmatrix}$ равен:</p> <p>а) 220; б) -212; в) -219; г) -220.</p> <p>2. Система $\begin{cases} ax + 5y = 3 \\ -2x + y = -3 \end{cases}$ не имеет решения при а равно...</p> <p>а) -0,1 ; б) 0 ; в) -10; г) -2 .</p> <p>3. Даны точки $A = (1;3), B = (4;-1)$. Длина отрезка AB равна...</p> <p>а) 3 ; б) 4 ; в) 5; г) 6 .</p> <p>4. Нормальный вектор плоскости $x + 2y + z - 15 = 0$ имеет координаты...</p> <p>А) (1; 1; -15); Б) (1; 2; 1); В) (2; 1; -15); Г) (1; 2; -15).</p> <p>5. Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^2 + 3x - 2}{2x^2 - x + 1}$ равен ...</p> <p>а) 0; б) 3; в) ∞; г) -2.</p> <p>6. Производная второго порядка функции $y = \ln 6x$ имеет вид ...</p> <p>а) $\frac{6}{x}$; б) $-\frac{1}{6x^2}$; в) $\frac{1}{x^2}$; г) $-\frac{1}{x^2}$.</p> <p>7. Значение интеграла $\int_3^4 \frac{dx}{x-2}$ равно ...</p> <p>8. Выполните действия $i^{17} + i^{18} + i^{19} + i^{20}$.</p> <p>а) 4; б) 1; в) 2; г) 0.</p> <p>9. Минимум функции $y = \frac{16}{x(4-x^2)}$ равен:</p> <p>1) 0,5; 2) $3\sqrt{6}$; 3) 0,07; 4) e; 5) минимума нет.</p> <p>10. Правая наклонная асимптота к графику функции $2y(x+1)^2 = x^3$ имеет уравнение:</p> <p>1) $y = -x$; 2) $y = \frac{1}{2}x - 1$; 3) $y = -\frac{1}{2}x + 1$; 4) $y = -\frac{1}{2}x - 1$</p>	<p>ИД-1 ОПК-3</p> <p>Применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной</p>
2	<p>1. Из перечисленных дифференциальных уравнений однородными являются...</p>	<p>ИД-2 ОПК-3</p> <p>Применяет математический аппарат теории функции не-</p>

а) $(x^2 y^2 - xy^3)dx + x^3 y dy = 0$;

б) $y' = \frac{-2x^2 + 3y - 1}{3x - 3y}$;

в) $y' = x^2 - 5xy$;

г) $y' = \frac{y}{x} \left(1 - \ln^2 \frac{x}{y} \right)$.

2. Среди перечисленных уравнений дифференциальными уравнениями в частных производных являются...

а) $x^3 \frac{\partial z}{\partial x} + 2y \frac{\partial z}{\partial y} = 0$;

б) $x \frac{\partial^2 z}{\partial x^2} + y \frac{\partial z}{\partial y} + x^2 = 0$;

в) $3xy' + 2xy^2 + 4x + 7y = 0$;

г) $y \frac{d^2 y}{dx^2} - 5x \frac{dy}{dx} + x = y$.

3. Дано линейное однородное дифференциальное уравнение $y'' - y' - 2y = 0$, тогда его общее решение имеет вид...

а) $C_1 e^{-x} + C_2 e^{2x}$;

б) $C_1 e^x + C_2 e^{2x}$;

в) $C_1 e^{-x} + C_2 e^{-2x}$;

г) $C_1 e^x + C_2 e^{-2x}$.

4. Функция $y = C_1 e^{2x} + C_2 e^{-x}$ является общим решением линейного однородного дифференциального уравнения. Тогда его характеристическое уравнение имеет вид ...

а) $k^2 + k - 6 = 0$;

б) $k^2 + k - 2 = 0$;

в) $k^2 - k - 2 = 0$;

г) $k^2 + 3k - 4 = 0$.

5. Если функция $f(x)$ имеет вид:

$$f(x) = x$$

то частное решение \bar{y} неоднородного дифференциального уравнения $y'' - 2y' + y = f(x)$ следует искать в виде ...

а) $\bar{y} = Ax + B$;

б) $\bar{y} = Ax^2 e^x$;

в) $\bar{y} = Ax^2 + Bx + C$;

г) $\bar{y} = Ae^x$.

скольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений

6. Если функция $f(x)$ имеет вид:

$$f(x) = x;$$

то частное решение \bar{y} неоднородного дифференциального уравнения $y'' + y = f(x)$ следует искать в виде ...

а) $\bar{y} = x(A\cos x + B\sin x)$; б) $\bar{y} = Ax$;

в) $\bar{y} = A$; г) $\bar{y} = Ax + B$.

7. Частное решение \bar{y} линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка $y'' + 3y' = 9x^2 + 1$ имеет вид ...

а) $\bar{y} = x^3 - x^2 + x$; б) $\bar{y} = \frac{3}{2}x^2 - \frac{2}{3}x$;

в) $\bar{y} = x^2 - x$; г) $\bar{y} = x^3 + x^2 + x$.

8. Частное решение \bar{y} линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка $y'' + 4y = 8x^2$ имеет вид ...

а) $\bar{y} = 2x^2 - 1$; б) $\bar{y} = 2x^2$; в) $\bar{y} = x^2$;

г) $\bar{y} = x^2 + 2x - 1$.

9. Общий вид частного решения \bar{y} линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка $y'' + y' = 6x + e^{-x}$ будет выглядеть как ...

а) $\bar{y} = Ax^2 + Bx + Cxe^{-x}$; б) $\bar{y} = (Ax + B) \cdot e^{-x}$;

в) $\bar{y} = Ax + Bxe^{-x}$; г) $\bar{y} = Ax^2 + Bxe^{-x}$.

10. Общее решение данной системы дифференциальных уравнений

$$\begin{cases} x' + x - y = e^t, \\ y' - x + y = e^t \end{cases}$$

имеет вид ...

<p>а) $x = c_1 + c_2 e^{-2t} + e^t$; $y = c_1 + c_2 e^{-2t} + e^t$;</p> <p>б) $x = c_1 + c_2 e^{-2t} + e^t$; $y = c_1 + c_2 e^{-2t} - e^t$;</p> <p>в) $x = c_1 e^t + c_2 e^{-2t} + e^t$; $y = c_1 e^t - c_2 e^{-2t} - e^t$;</p> <p>г) $x = c_1 + c_2 e^{-2t} + e^t$; $y = c_1 - c_2 e^{-2t} - e^t$.</p>	
<p>1. В первой урне 5 белых и 5 черных шаров. Во второй урне 3 черных и 7 белых шаров. Из наудачу взятой урны вынули один шар. Тогда вероятность того, что этот шар окажется белым, равна...</p> <p>а) 0,1; б) 0,6; в) 0,65; г) 0,12.</p> <p>2. Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид $y = 2,5 + 1,25x$. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен ...</p> <p>а) 2,0; б) -0,75; в) -2,0; г) 0,75.</p> <p>3. Из каждой из двух колод вынимают по одной карте. События А – «карта из первой колоды – красной масти» и В – «карта из второй колоды – бубновой масти» являются:</p> <p>А) зависимыми; Б) независимыми; В) совместными; Г) несовместными.</p> <p>4. Страхуется 1000 автомобилей; считается, что каждый из них может попасть в аварию с вероятностью 0.07. Для вычисления вероятности того, что количество аварий среди всех застрахованных автомобилей не превзойдет 80, следует использовать...</p> <p>А) формулу Байеса; Б) формулу Пуассона; В) интегральную формулу Муавра-Лапласа; Г) формулу полной вероятности.</p> <p>5. Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 11. Тогда его интервальная оценка может иметь вид...</p> <p>А) (10,1; 11); Б) (11; 11,9); В) (10,1; 10,8); Г) (10,1; 11,9).</p> <p>6. В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 12, 14, 16. Тогда несмещенная оценка дисперсии измерений равна...</p>	<p>ИД-3 ОПК-3</p> <p>Применяет математический аппарат теории вероятностей и математической статистики</p>

А) 8; Б) 3; В) 14; Г) 4.

7. Мощность критерия – это:

А. вероятность не допустить ошибку второго рода;

В. вероятность допустить ошибку второго рода;

С. вероятность отвергнуть нулевую гипотезу, когда она неверна;

Д. вероятность отвергнуть нулевую гипотезу, когда она верна.

8. Дана выборка объема n . Если каждый элемент выборки уменьшить на 7 единиц, то выборочная дисперсия D_B

А) увеличится на 7 единиц.

Б) уменьшится на 14 единиц.

В) не изменится.

Г) уменьшится на 7 единиц.

9. Какие из следующих утверждений являются верными?

А. выборочное среднее является интервальной оценкой математического ожидания $M(X)$, а выборочная дисперсия – интервальной оценкой дисперсии $D(X)$

В. выборочное среднее является точечной оценкой математического ожидания $M(X)$, а выборочная дисперсия - интервальной оценкой дисперсии $D(X)$

С. выборочное среднее является точечной оценкой математического ожидания $M(X)$, а выборочная дисперсия - точечной оценкой дисперсии $D(X)$

Д. выборочное среднее является интервальной оценкой математического ожидания $M(X)$, а выборочная дисперсия – точечной оценкой дисперсии $D(X)$

10. Для чего при проверке гипотезы о равенстве средних двух совокупностей должна быть проведена вспомогательная процедура?

А. чтобы установить, равны ли объемы выборок;

В. чтобы установить, равны ли дисперсии в генеральных совокупностях;

С. чтобы установить, равны ли объемы выборок и равны ли дисперсии в генеральных совокупностях;

D. нет правильного ответа.

1. Вычислить интеграл $\int_0^{0,5} e^{-x^2} dx$ с точностью до 0,0001

- а) интеграл расходится; б) 0,67843;
в) 0,4802; г) 0,0001.

2. Электрическая цепь питается батареей аккумуляторов. В течение 4 мин. напряжение на клеммах падает. Его числовые значения занесены в таблицу. Вычислить приближенно количество электричества, прошедшего через поперечное сечение проводника за этот промежуток времени, если сопротивление цепи постоянно и равно 10 Ом

Время t , мин	2	2,25	2,5	2,75	3		
Напряжение U , В	144,27	123,32	109,14	98,85	91,02		
Время t , мин	3,25	3,5	3,75	4	4,25	4,5	4,75
Напряжение U , В	84,84	79,82	75,66	72,13	69,11	66,49	64,18
Время t , мин	5	5,25	5,5	5,75	6		
Напряжение U , В	62,13	60,13	58,66	57,17	55,18		

- а) **$\approx 1979,82$ Кл;** б) $\approx 1909,86$ Кл;
 в) $\approx 1967,82$ Кл; г) $\approx 1907,82$ Кл.

3. Какое равенство справедливо для периодической функции $y = f(x)$ с периодом $T = 12$ при всех x из области определения:

- а) $f(x+6) = f(x)$; б) $f(12x) = f(x)$; **в) $f(12 + x) = f(x)$;**

г) $f\left(\frac{12}{x}\right) = f(x)$?

4. Каким законом описываются гармонические колебания с амплитудой E , частотой m и начальной фазой l :

- а) $f(x) = E(mx - l)^2$; б) $f(x) = E\sqrt{mx - l}$; в) $f(x) = \frac{E}{(mx - l)}$;

г) $f(x) = E \sin(mx - l)$?

5. Дана функция $f(x) = 2x^3$ на отрезке $[-\pi; \pi]$. Чему равен коэффициент a_3 разложения $f(x)$ в ряд Фурье:

- а) $\frac{\pi}{4}$; **б) 0;** в) $\frac{2\pi}{3}$; г) $\frac{3}{\pi}$?

ИД-4 ОПК-3
 Применяет математический аппарат численных методов

6. Функция $y = f(x)$, заданная на промежутке $[-6;6]$, является чётной. Какой вид имеет ряд Фурье для этой функции:

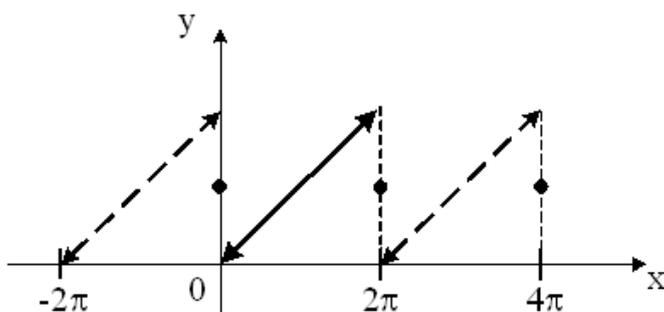
а) $\frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \left(a_n \cos \frac{\pi}{6} nx + b_n \sin \frac{\pi}{6} nx \right);$

б) $\frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \sin \frac{\pi}{6} nx;$

в) $\sum_{n=1}^{\infty} b_n \sin \frac{\pi}{6} nx;$

г) $\frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos \frac{\pi}{6} nx ?$

7. Функция $f(x)$ на промежутке $[0;2\pi]$ и её периодическое продолжение заданы на рисунке:



Какой вид имеет ряд Фурье для этой функции:

а) $\frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} (a_n \cos nx + b_n \sin nx);$

б) $\frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos nx;$

в) $\sum_{n=1}^{\infty} b_n \sin nx;$ г) $\sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos nx ?$

8. Найти разложение в ряд Фурье периодической функции $f(x)$ с периодом 2π , заданной на сегменте $[0, 2\pi]$ аналитически:

$f(x) = 2\pi - x$. С помощью полученного ряда Фурье

подсчитать сумму числового ряда:

$$\pi + 2 \left(1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \dots \right)$$

а) $\frac{3\pi}{2}$; б) 0; в) $\frac{2\pi}{3}$; г) $\frac{3}{\pi}$.

9. Найти разложение в ряд Фурье функции $f(x)$, заданной на

сегменте $[0, 2]$ аналитически $f(x) = x - 2$:

а) $\frac{1}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} (\cos nx + \sin nx)$;

б) $\sum_{n=1}^{\infty} \cos nx$;

в) $\sum_{n=1}^{\infty} -\frac{4}{\pi} \sin \frac{\pi n}{2} nx$;

г) $\sum_{n=1}^{\infty} -4 \cos nx$.

10. Найти разложение в ряд Фурье периодической функции $f(x)$ с периодом 2π , заданной на сегменте

$[0, 2\pi]$ аналитически: $f(x) = 2\pi - x$.

а) $\pi + \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2}{n} \sin nx \right)$;

б) $\sum_{n=1}^{\infty} \cos nx$;

в) $\sum_{n=1}^{\infty} -\frac{4}{\pi} \cos \frac{\pi n}{2} nx$;

г) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2}{n} \sin nx$.

По результатам теста обучающемуся выставляется оценка «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» или «неудовлетворительно».

Критерии оценивания ответа (табл.) доводятся до сведения обучающихся до начала тестирования. Результат тестирования объявляется обучающемуся непосредственно после его сдачи.

Шкала	Критерии оценивания (% правильных ответов)
Оценка 5 (отлично)	80-100
Оценка 4 (хорошо)	70-79
Оценка 3 (удовлетворительно)	50-69
Оценка 2 (неудовлетворительно)	менее 50

Тестовые задания, используемые для оценки качества дисциплины с помощью информационных технологий, приведены в РПД: «10. Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем» - My TestX10.2.

4.2. Процедуры и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

Процедура проведения промежуточной аттестации для особых случаев изложена в «Положении о текущем контроле успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по ОПОП бакалавриата, специалитета и магистратуры» ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ (ЮУрГАУ-П-02-66/02-16 от 26.10.2016 г.).

Экзамен

Экзамен является формой оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по разделам дисциплины. По результатам экзамена обучающемуся выставляется оценка «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» или «неудовлетворительно».

Экзамен по дисциплине проводится в соответствии с расписанием промежуточной аттестации, в котором указывается время его проведения, номер аудитории, место проведения консультации. Утвержденное расписание размещается на информационных стендах, а также на официальном сайте Университета.

Уровень требований для промежуточной аттестации обучающихся устанавливается рабочей программой дисциплины и доводится до сведения обучающихся в начале семестра.

Экзамены принимаются, как правило, лекторами. С разрешения заведующего кафедрой на экзамене может присутствовать преподаватель кафедры, привлеченный для помощи в приеме экзамена. В случае отсутствия ведущего преподавателя экзамен принимается преподавателем, назначенным распоряжением заведующего кафедрой.

Присутствие на экзамене преподавателей с других кафедр без соответствующего распоряжения ректора, проректора по учебной, воспитательной работе и молодежной политике или заместителя директора Института по учебной работе не допускается.

Для проведения экзамена ведущий преподаватель накануне получает в секретариате директората зачетно-экзаменационную ведомость, которая возвращается в секретариат после окончания мероприятия в день проведения экзамена или утром следующего дня.

Экзамены проводятся по билетам в устном или письменном виде, либо в виде тестирования. Экзаменационные билеты составляются по установленной форме в

соответствии с утвержденными кафедрой экзаменационными вопросами и утверждаются заведующим кафедрой ежегодно. В билете содержится 2 теоретических вопроса и задача. Задача соответствует содержанию заданий типовых расчетов, указанных в методических указаниях (п. 3 ФОС).

Экзаменатору предоставляется право задавать вопросы сверх билета, а также помимо теоретических вопросов давать для решения задачи и примеры, не выходящие за рамки пройденного материала по изучаемой дисциплине.

Знания, умения и навыки обучающихся определяются оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», которые выставляются в зачетно-экзаменационную ведомость обучающегося в день экзамена.

При проведении устного экзамена в аудитории не должно находиться более 6 обучающихся на одного преподавателя.

При проведении устного экзамена обучающийся выбирает экзаменационный билет в случайном порядке, затем называет фамилию, имя, отчество и номер экзаменационного билета.

Во время экзамена обучающиеся могут пользоваться с разрешения экзаменатора программой дисциплины, справочной и нормативной литературой, другими пособиями и техническими средствами.

Время подготовки ответа при сдаче экзамена в устной форме должно составлять не менее 40 минут (по желанию обучающегося ответ может быть досрочным). Время ответа – не более 15 минут.

Обучающийся, испытывающий затруднения при подготовке к ответу по выбранному им билету, имеет право на выбор второго билета с соответствующим продлением времени на подготовку. При окончательном оценивании ответа оценка снижается на один балл. Выдача третьего билета не разрешается.

Если обучающийся явился на экзамен, и, взяв билет, отказался от прохождения аттестации в связи с неподготовленностью, то в ведомости ему выставляется оценка «неудовлетворительно».

Нарушение дисциплины, списывание, использование обучающимися неразрешенных печатных и рукописных материалов, мобильных телефонов, коммуникаторов, планшетных компьютеров, ноутбуков и других видов личной коммуникационной и компьютерной техники во время аттестационных испытаний запрещено. В случае нарушения этого требования преподаватель обязан удалить обучающегося из аудитории и проставить ему в ведомости оценку «неудовлетворительно».

Выставление оценок, полученных при подведении результатов промежуточной аттестации, в зачетно-экзаменационную ведомость проводится в присутствии самого обучающегося. Преподаватели несут персональную ответственность за своевременность и точность внесения записей о результатах промежуточной аттестации в зачетно-экзаменационную ведомость.

Неявка на экзамен отмечается в зачетно-экзаменационной ведомости словами «не явился».

Для обучающихся, которые не смогли сдать экзамен в установленные сроки, Университет устанавливает период ликвидации задолженности. В этот период преподаватели, принимавшие экзамен, должны установить не менее 2-х дней, когда они будут принимать задолженности. Информация о ликвидации задолженности отмечается в экзаменационном листе.

Обучающимся, показавшим отличные и хорошие знания в течение семестра в ходе постоянного текущего контроля успеваемости, может быть проставлена экзаменационная оценка досрочно, т.е. без сдачи экзамена. Оценка выставляется в экзаменационный лист или в зачетно-экзаменационную ведомость.

Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, могут сдавать экзамены в межсессионный период в сроки, установленные индивидуальным учебным планом.

Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, имеющие нарушения опорно-двигательного аппарата, допускаются на аттестационные испытания в сопровождении ассистентов-сопровождающих.

Процедура проведения промежуточной аттестации для особых случаев изложена в «Положении о текущем контроле успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по ОПОП бакалавриата, специалитета и магистратуры» ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ.

№	Оценочные средства	Код и наименование индикатора компетенции
	Типовые контрольные задания и (или) иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих сформированность компетенций в процессе освоения дисциплины	

1	<p style="text-align: center;">1 семестр</p> <p>1. Матрицы, действия с ними. Определители 2-го и 3-го порядков и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по элементам какого-либо ряда. Определители n-го порядка.</p> <p>2. Системы двух и трех линейных уравнений, их решение. Матричная запись системы линейных уравнений. Метод Гаусса. Правило Крамера.</p> <p>3. Векторы. Линейные операции над векторами. Теоремы о проекции вектора на ось. Понятие линейного пространства. Линейно независимые векторы. Базис. Разложение вектора по базису. Координаты вектора. Направляющие косинусы и длина вектора. Линейные операции над векторами в координатной форме.</p> <p>4. Скалярное произведение векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Длина вектора и угол между двумя векторами. Условие ортогональности двух векторов. Применение скалярного произведения в решении прикладных задач.</p> <p>5. Векторное произведение векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Некоторые приложения векторного произведения.</p> <p>6. Смешанное произведение трех векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Применение смешанного произведения в решении прикладных задач.</p> <p>7. Понятие об уравнении линии на плоскости. Формы уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Уравнение пучка прямых. Задачи, решаемые методом координат (расстояние между двумя точками, деление отрезка в данном отношении).</p> <p>8. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и уравнения.</p> <p>9. Уравнения плоскости в пространстве. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей. Расстояние от точки до плоскости.</p>	<p style="text-align: center;">ИД-1 ОПК-3</p> <p>Применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной</p>
---	---	---

10. Уравнения прямой в пространстве. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямых в пространстве. Угол между прямой и плоскостью.

11. Уравнение поверхности в пространстве. Цилиндрические поверхности. Сфера. Эллипсоид. Гиперболоиды. Параболоиды. Геометрические свойства этих поверхностей, исследование их формы методом сечений.

2 семестр

1. Множество вещественных чисел. Функция. Область ее определения. Способы задания. Классификация функций. Полярная система координат. Кривые в полярных координатах. Монотонные функции. Сложные и взаимно-обратные функции.

2. Числовая последовательность. Предел числовой последовательности. Сходящиеся и расходящиеся числовые последовательности.

3. Предел функции в точке. Односторонние пределы функций. Предел функции в бесконечности. Бесконечно малые и бесконечно большие функции в точке. Свойства бесконечно малых функций. Свойства пределов функций. Признаки существования пределов (о пределе промежуточной функции, о пределе монотонной функции). Неопределенности и методы их раскрытия. Замечательные пределы и следствия из них. Сравнение бесконечно малых.

4. Непрерывность функций в точке, на множестве и на отрезке. Точки разрыва функции и их классификация. Алгоритм исследования функции на непрерывность. Действия над непрерывными функциями. Непрерывность элементарных функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке (существование наименьшего и наибольшего значений, ограниченность, существование промежуточных значений).

5. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной.

6. Производная от алгебраической суммы, разности, произведения и частного функций.

7. Производные сложных функций, заданных неявно и параметрически.

8. Производные основных элементарных функций (с выводом).

9. Дифференциал функции. Свойства первого дифференциала.

10. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.

11. Геометрический и механический смысл производной и дифференциала 1-го порядка, их применение в решении прикладных задач.

12. Производные высших порядков функций, заданных явно, неявно, параметрически.

13. Механический смысл производной 2-го порядка.

14. Дифференциалы 2-го и высших порядков. Неинвариантность формы дифференциалов высших порядков.

15. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши.

16. Правило Лопиталя для раскрытия неопределенностей.

17. Условия монотонности функций.

	<p>18. Экстремумы функций, необходимое условие. Достаточные условия.</p> <p>19. Отыскание наименьшего и наибольшего значений функции, дифференцируемой на отрезке.</p> <p>20. Исследование выпуклости функции. Точки перегиба.</p> <p>21. Асимптоты функции.</p> <p>22. Первообразная. Неопределенный интеграл.</p> <p>23. Свойства неопределенного интеграла. Таблица интегралов.</p> <p>24. Методы интегрирования (непосредственное интегрирование, интегрирование по частям и заменой переменных).</p> <p>25. Разложение многочлена с действительными коэффициентами на линейные и квадратичные множители.</p> <p>26. Разложение рациональных дробей на простейшие. Интегрирование рациональных функций.</p> <p>27. Интегрирование иррациональных функций (степенные и тригонометрические подстановки).</p> <p>28. Интегрирование тригонометрических функций. Универсальная тригонометрическая подстановка.</p> <p>29. Выражения, неинтегрируемые в квадратурах.</p> <p>30. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Интегральная сумма, определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница</p> <p>31. Свойства определенного интеграла, теорема существования. «Теорема о среднем».</p> <p>32. Интегрирование по частям, замена переменной в определенном интеграле.</p> <p>33. Определенный интеграл от нечетной и четной функции по симметричному промежутку.</p> <p>34. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций.</p> <p>35. Вычисление площадей плоских фигур.</p> <p>36. Вычисление длины дуги. Вычисление объема тела вращения.</p> <p>37. Вычисление работы, статистических моментов, центра тяжести плоской фигуры.</p>	
2	<p>38. Функции двух действительных переменных, способы их задания. Область определения.</p> <p>39. Линии уровня функции двух переменных.</p> <p>40. Понятие предела и непрерывности функции двух переменных.</p> <p>41. Частные производные первого порядка, их геометрический смысл.</p> <p>42. Полный дифференциал, его связь с частными производными. Инвариантность формы полного дифференциала.</p> <p>43. Приближенные вычисления с помощью полного дифференциала.</p> <p>44. Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема о смешанных производных.</p> <p>45. Дифференцирование сложных и неявных функций.</p> <p>46. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.</p> <p>47. Экстремумы функции двух переменных. Необходимое</p>	<p>ИД-2 ОПК-3</p> <p>Применяет математический аппарат теории функции нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений</p>

условие экстремума. Достаточное условие экстремума.
48.Отыскание наименьших и наибольших значений функции.

3 семестр

- 1.Задачи, приводящие к понятию дифференциальных уравнений (ДУ). Порядок ДУ, решение ДУ.
- 2.ДУ первого порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Геометрическая интерпретация ДУ первого порядка.
- 3.ДУ первого порядка с разделяющимися переменными.
- 4.Однородные ДУ первого порядка.
- 5.Линейные ДУ первого порядка. Уравнение Я. Бернулли.
- 6.ДУ второго порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши.
- 7.ДУ высших порядков, допускающие понижение порядка.
- 8.Линейные однородные ДУ второго порядка. Линейно независимые и зависимые решения. Определитель Вронского, его свойства.
- 9.Теорема о структуре общего решения ЛОДУ. Отыскание общего решения ЛОДУ с постоянными коэффициентами.
- 10.ЛНДУ второго порядка с постоянными коэффициентами. Теорема о структуре общего решения. Метод вариации произвольных постоянных.
- 11.Отыскание частного решения ЛНДУ со специальным видом правой части.
- 12.Теорема о наложении решений.
- 13.Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла. Двойной интеграл, его определение. Теорема существования двойного интеграла.
- 14.Свойства, теорема о среднем значении.
- 15.Вычисление двойного интеграла. Переход к полярным координатам.
- 16.Приложения двойного интеграла.
- 17.Задачи, приводящие к понятию тройного интеграла. Тройной интеграл, его определение, свойства. Теорема существования тройного интеграла.
- 18.Вычисление тройного интеграла. Переход к цилиндрическим и сферическим координатам.
- 19.Приложения тройного интеграла.
- 20.Задача о вычислении работы переменной силы. Определение криволинейного интеграла по координатам.
- 21.Свойства, вычисление криволинейного интеграла II рода.
- 22.Формула Грина.
- 23.Условия независимости криволинейного интеграла по пути интегрирования.
- 24.Нахождение функции двух переменных по ее полному дифференциалу.
- 25.Приложения криволинейного интеграла второго рода.

3	<p style="text-align: center;">4 семестр</p> <ol style="list-style-type: none"> 1.Классификация событий. Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Понятие случайного события. Относительные частоты. Закон устойчивости относительных частот. Связь между вероятностью и относительной частотой. 2.Понятие вероятности события. Классическое и геометрическое определение вероятности. 3.Комбинаторика. 4.Непосредственное вычисление вероятности. Понятие об аксиоматическом построении теории вероятностей. 5.Методы вычисления вероятностей. Теорема о повторении опытов (схема Бернулли). Наивероятнейшая частота при повторении опытов. 6. Случайные величины и законы их распределения. 7.Дискретные и непрерывные случайные величины. 8.Ряд распределения. 9.Функция распределения, плотность распределения, их взаимосвязь и свойства. 10.Вероятность попадания случайной величины на данный интервал. 11.Числовые характеристики случайных величин. Математическое ожидание и его связь со средним арифметическим (закон больших чисел). Дисперсия и среднее квадратическое отклонение случайной величины. 12.Распределение Пуассона. 13. Биномиальное распределение. 14.Нормальное распределение, его свойства, условия, при которых оно возникает. 15. Центральной предельной теоремы. 16.Числовые характеристики нормального закона. Функция Лапласа. Вычисление вероятности попадания случайной величины на заданный интервал в случае нормального распределения. 17. Понятие о двумерном нормальном распределении. 18.Понятие о различных формах закона больших чисел. Теоремы Бернулли и Чебышева. Центральная предельная теорема Ляпунова. 19.Определение теории случайного процесса и его характеристики. 20.Основные понятия теории массового обслуживания. 21.Понятие марковского случайного процесса. 22.Потоки событий. Уравнения Колмогорова. Предельные вероятности состояний. 23.Процессы гибели и размножения. 24.СМО с отказами. 25.Генеральная совокупность и выборка. 26.Вариационный ряд. Гистограмма, эмпирическая функция распределения, выборочное среднее и дисперсия. 27.Точечные оценки неизвестных параметров распределения по выборке и их характеристики: несмещенность, эффективность, состоятельность. 28.Методы получения точечных оценок: метод максимального 	<p style="text-align: center;">ИД-3 ОПК-3</p> <p>Применяет математический аппарат теории вероятностей и математической статистики</p>
---	---	--

	<p>правдоподобия, метод наименьших квадратов, метод моментов.</p> <p>29.Интервальные оценки. Интервальное оценивание параметров нормального распределения.</p> <p>30.Понятие о статистической гипотезе и общая схема, основные методы её проверки. Ошибки 1-го и 2-го рода. Решающая процедура. Мощность критерия. Доверительные области. Критерии проверки гипотез.</p> <p>31.Система двух случайных величин. Функциональная, статистическая и корреляционная зависимости между величинами.</p> <p>32.Элементы корреляционного анализа. Линейный регрессионный анализ.</p> <p>33.Основные свойства регрессии.</p> <p>34.Оценки параметров регрессионной модели по методу наименьших квадратов и свойства этих оценок.</p> <p>35.Уравнения линейной регрессии.</p> <p>36.Теснота связи и её оценка по коэффициенту корреляции.</p> <p>37.Понятие о нелинейной регрессии. Корреляционное отношение. Определение параметров нелинейных уравнений регрессии методом наименьших квадратов.</p> <p>38. Однофакторный дисперсионный анализ.</p> <p>39.Сравнение нескольких средних.</p> <p>40.Понятие о дисперсионном анализе. Общая, факторная и остаточная суммы квадратов отклонений.</p> <p>41. Связь между общей, факторной и остаточной суммами. Общая, факторная и остаточная дисперсии.</p> <p>42.Сравнение нескольких средних методом дисперсионного анализа.</p> <p>43.Многомерные статистические методы.</p> <p>44.Современные пакеты прикладных программ статистического анализа.</p>	
4	<p>1.Числовые ряды, сходимость и расходимость. Необходимые условия сходимости.</p> <p>2.Гармонический ряд. Геометрическая прогрессия.</p> <p>3.Свойства сходящихся рядов.</p> <p>4.Ряды с положительными членами. Признаки сравнения рядов. Признак Даламбера. Интегральный признак Коши. Ряд Дирихле.</p> <p>5.Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная, условная сходимость.</p> <p>6.Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства суммы степенного ряда: непрерывность, почленное дифференцирование и интегрирование.</p> <p>7.Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора и в ряд Маклорена.</p> <p>8.Приложение степенных рядов к приближенным вычислениям: решение дифференциальных уравнений, вычисление интегралов.</p>	<p>ИД-4 ОПК-3</p> <p>Применяет математический аппарат численных методов</p>

Типовые задачи к экзамену по всем темам содержатся в учебно-методических разработках кафедры п. 3.2. РПД.

Шкала и критерии оценивания ответа обучающегося представлены в таблице

Шкала	Критерии оценивания
Оценка 5 (отлично)	всестороннее знание программного материала математики; правильное применение математических знаний в решении прикладных задач.
Оценка 4 (хорошо)	знание программного материала; наличие незначительных ошибок в решении задач; недостаточное раскрытие содержания вопросов.
Оценка 3 (удовлетворительно)	знание основных математических понятий, методов и алгоритмов, допускает ошибки при их применении.
Оценка 2 (неудовлетворительно)	нет знания основного программного материала, принципиальные ошибки при ответе на вопросы и в решении задач.

